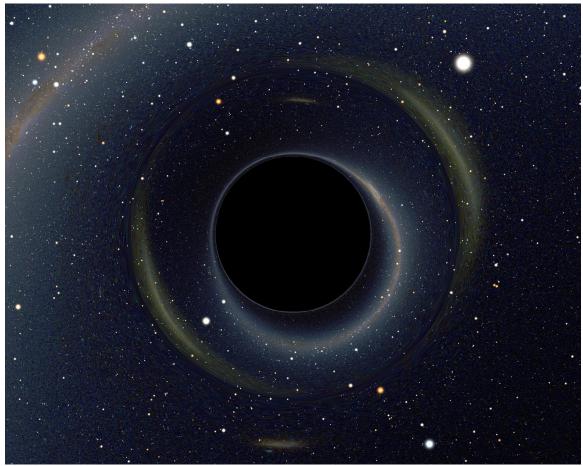
11 LES CADAVRES STELLAIRES

Qu'est-ce qu'un trou noir et comment peut-il se former?



astroreview.com/issue/2012/article/how-black-holes-affect-gravity

Découvrez la réponse à cette question dans ce chapitre.

11.1 LES NAINES BLANCHES

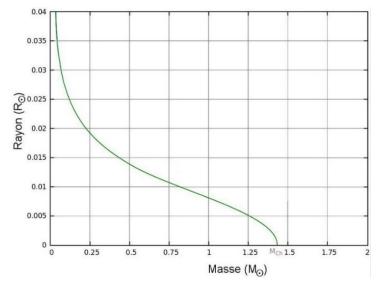
On a vu au chapitre précédent que la mort des étoiles de moins de $8\,M_\odot$ mène à la formation d'une naine blanche. C'est ce qui reste de l'étoile une fois que les couches externes ont été éjectées et que la fusion se soit arrêtée. La naine blanche est formée du cœur de carbone et d'oxygène entouré de couches d'hélium et d'hydrogène peu massives par rapport au cœur. Dans cette étoile, il y a un équilibre entre la force de gravitation et la force de pression de dégénérescence. C'est Ralph Howard Fowler qui appliqua le premier les idées de la pression de dégénérescence aux naines blanches en 1926.

Masse et dimension

Les naines blanches ont des masses se situant en $0.17~M_{\odot}$ et $1.33~M_{\odot}$, mais 80~% ont des masses se situant entre $0.42~M_{\odot}$ et $0.7~M_{\odot}$. Quand le Soleil va mourir, il ne restera qu'une naine blanche de $0.541~M_{\odot}$.

Les naines blanches ne sont pas très grosses puisqu'elles ont une taille comparable à celle

de la Terre. Curieusement, la taille des naines blanches diminue quand on augmente la masse de la naine blanche. En augmentant la masse, augmente les forces gravitationnelles et il faut donc augmenter la pression de dégénérescence dans l'étoile. Comme cette pression dépend uniquement de la densité de l'étoile, cela signifie qu'il faut augmenter la densité de l'étoile. En fait, il faut tellement augmenter la densité que le rayon de l'étoile doit diminuer quand on augmente la masse



 $commons.wikimedia.org/wiki/File: White Dwarf_mass-radius.jpg$

d'une naine blanche, ce qui est un peu contrintuitif.

Ainsi, le rayon d'une naine blanche de $0.6 M_{\odot}$ est d'environ 9000 km, c'est à peine plus gros que la Terre.



astrobob. are avoices. com/tag/white-dwarf/

On comprend alors assez vite que la densité des naines blanches est phénoménale. La naine blanche montrée sur la figure a une densité de près de 400 millions de kilogrammes par mètre cube. Une cuillère à thé (5 ml) de cette naine blanche aurait donc une masse de 2000 kg!

Luminosité

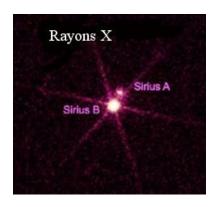
Le cœur de l'étoile étant très chaud pendant la vie de l'étoile, on s'attend à ce que ce cœur dénudé soit très chaud. Quand la naine blanche devient visible, sa température de surface est de l'ordre de 30 000 K, mais elle diminue rapidement parce que la naine émet du rayonnement. Ce rayonnement rend la naine blanche visible. Toutefois, la luminosité de l'étoile étant déterminée par la taille et la température, on a compris assez vite que, malgré

une température élevée, la luminosité n'est pas si grande à cause de la taille réduite de la naine blanche. Typiquement, la luminosité des naines blanches dans le visible est de $0,001~L_{\odot}$. La faible luminosité des naines blanches rend leur observation très difficile. En fait, aucune naine blanche n'est visible à l'œil nu même si certaines ne sont qu'à quelques années-lumière de nous.

On peut voir la différence de luminosité entre Sirius A et Sirius B dans le visible sur l'image de droite.



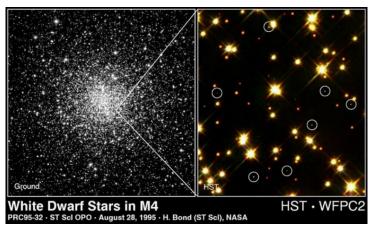
outreach.atnf.csiro.au/education/senior/astrophysics/binary_types.html



Remarquez toutefois que le résultat peut être bien différent si on observe à une autre longueur d'onde. Par exemple, Sirius A n'est pas une source importante de rayons X, ce qui fait qu'en rayon X, Sirius B est plus brillante que Sirius A. Pour comprendre pourquoi Sirius B émet autant de rayons X, rappelez-vous que le maximum d'émission du corps noir se déplace vers les petites longueurs d'onde quand la température augmente. La très haute température de la naine blanche amène donc une émission plus intense pour les petites longueurs d'onde comme l'ultraviolet et les rayons X.

Abondance

Bien qu'elles soient difficiles à détecter, on constate qu'il y a beaucoup de naines blanches. Déjà, on en trouve 8 (dont Sirius B et Procyon B) à moins de 20 al de la Terre. L'image de droite vous montre quelques naines blanches présentes dans l'amas M4.



esahubble.org/images/opo9532a/

En tout, on connait 144 800 naines blanche (14 janvier 2025) https://www.montrealwhitedwarfdatabase.org/tables-and-charts.html

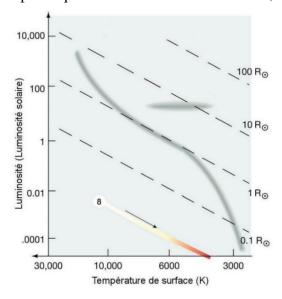
Les naines noires

Les naines blanches sont lumineuses uniquement parce qu'elles sont chaudes. Toutefois,

comme elles n'ont pas de source d'énergie interne, elles se refroidissent. Ainsi, leur température et leur luminosité diminuent lentement, de sorte qu'elle se déplace lentement vers le coin inférieur droit du diagramme HR.

Au bout de 10 milliards d'années, la naine blanche aura tellement refroidi que la radiation émise deviendra trop faible pour qu'on puisse la voir. On obtiendra alors une *naine noire*.

L'univers étant encore trop jeune, aucune naine blanche n'a eu le temps de se refroidir suffisamment pour devenir une naine noire. En fait, il n'y a pratiquement pas de naines blanches qui ont une luminosité inférieure à $3 \times 10^{-5} L_{\odot}$ et une température inférieure à 4000 K, ce qui correspond à un temps de



www 2. astro.psu.edu/users/cpalma/astro 10/class 11.html

refroidissement de 9.0 ± 1.8 milliard d'années. Ce résultat est assez bien en accord avec l'âge maximal que peut avoir une naine blanche si l'univers a 13.8 milliards d'années.

Masse maximale des naines blanches

Il y a une limite à ce que peut faire la pression de dégénérescence des électrons. Si la masse de l'étoile dépasse 1,44 M_{\odot} , la force faite par la pression de dégénérescence ne pourra

jamais être assez grande pour contrebalancer la force de gravitation. Il est vrai qu'en comprimant le gaz on forcera les électrons à occuper le même endroit, ce qui forcera certains de ceux-ci à avoir des vitesses très importantes et ces électrons feront une pression importante. Toutefois, la vitesse des électrons ne pouvant dépasser la vitesse de la lumière, la pression n'augmentera plus aussi vite quand la compression du gaz devient très grande. Dans ces conditions, la force de pression n'augmente pas assez pour contrer l'augmentation de la force gravitationnelle quand on comprime l'étoile et il y a un effondrement gravitationnel si la masse de la naine dépasse $1,44~M_{\odot}$. Cela semble confirmé par le fait qu'on n'observe aucune naine blanche dont la masse est supérieure à cette valeur critique, appelée la masse de Chandrasekhar.

Les étoiles de moins de 8 M_{\odot} qui meurent en donnant naissance à une naine blanche n'amènent jamais la formation de naine blanche ayant une masse supérieure à la limite de Chandrasekhar. Il est possible cependant qu'une naine blanche accumule ultérieurement de la masse et dépasse la masse limite. Nous verrons plus loin ce qui arrive dans ce cas.

11.2 LES ÉTOILES À NEUTRONS

Après l'explosion d'une supernova de type II, il ne reste que le cœur effondré de l'étoile massive. Celui-ci s'est transformé en une boule de neutrons durant l'effondrement et c'est la pression de dégénérescence des neutrons qui empêche la contraction gravitationnelle de se poursuivre. Cette boule de neutrons porte le nom d'étoile à neutrons. Les physiciens J. Robert Oppenheimer et G.M. Volkoff ont fait la première théorie des étoiles à neutrons en 1939 après que Walter Baade et Fritz Wicky aient proposé leur existence en 1933.

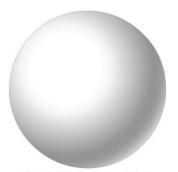
Masse et dimension

Les étoiles à neutrons ont des masses se situant généralement entre $1,4\,M_\odot$ et environ $2\,M_\odot$ et ont un diamètre de quelques dizaines de kilomètres seulement. Tout comme avec les naines blanches, la taille diminue quand la masse de l'étoile à neutrons augmente.

L'image de droite fait la comparaison entre la taille d'une étoile à neutrons de 1,5 M_{\odot} et la ville de Québec.

On comprend alors que la densité des étoiles à neutrons est vraiment hors du commun. L'étoile à neutrons de la figure a une densité de près de 10¹⁸ kg/m³. Une cuillère à thé (5 ml) de cette étoile à





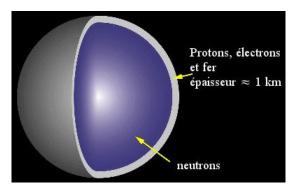
 $M = 1.5 M_{\odot} R \approx 10 \text{ km}$

neutrons aurait donc une masse de 5 000 millions de tonnes! Tous les humains de la Terre occuperaient à peine le quart d'une cuillère à thé si on les compactait avec la même densité.

Structure

Les étoiles à neutrons ne sont pas exclusivement constituées de neutrons. À la surface, on retrouve une couche dont l'épaisseur est de l'ordre de 1 km, dans laquelle il y a des protons et des électrons (dégénérés) et des noyaux atomiques comme du fer.

Quant à l'intérieur, le mystère demeure puisqu'on ne connait pas très bien ce qui se passe à de telles densités. A-t-on un superfluide de neutrons ? (Un superfluide n'a pas de viscosité. Une fois mis en mouvement, il ne s'arrête jamais.) Y'a-t-il d'autres particules exotiques, comme des hypérons, qui se mêlent aux neutrons? Ce sont ces incertitudes qui font qu'on ne connait pas exactement la formule du rayon des étoiles à neutrons en fonction de leur masse.



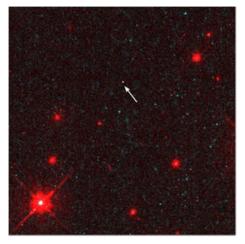
simple.wikipedia.org/wiki/Neutron_star

Luminosité

Le cœur de l'étoile étant très chaud pendant la vie de l'étoile, on s'attend à ce que ce cœur dénudé soit très chaud. C'est effectivement le cas puisque la température de surface des étoiles à neutrons se situe aux environs de 1 million de kelvins. Toutefois, la taille est si petite que la luminosité de l'étoile à neutrons atteint à peine $0,00001 L_{\odot}$.

Malgré cette faible luminosité, on parvint quand même à en observer. Cette image montre l'étoile à neutrons RX J1856.5-3754, qui est l'étoile à neutrons la plus près de nous, dans la constellation de la Couronne australe. Elle se situe à une distance se situant entre 200 al et 400 al selon les estimations. Sa température de surface est de 434 000 K, sa masse est de $0.9 M_{\odot}$ et son rayon est de 14 km.

On ne détecte pas beaucoup d'étoiles à neutrons ainsi. La plupart des étoiles à neutrons connues ont été découvertes parce qu'elles sont des pulsars.



 $www.newworldencyclopedia.org/entry/Neutron_star$

Les pulsars

La découverte des pulsars

Jocelyn Bell Burnell avait passé deux ans à préparer 2048 antennes radio dans la campagne anglaise. Elle et son directeur de thèse, Anthony Hewish, voulaient explorer les

scintillations provoquées par le passage des ondes radio à 81,5 MHz provenant d'objets très lointains à travers le vent solaire.

En juillet 1967, Bell remarqua dans ses données qu'elle captait une source intense toutes les 23 h 56 min et 4 s. Cette période, correspondant au jour sidéral, montrait clairement que cette source d'ondes radio devait se situer dans l'espace et qu'on la captait chaque fois qu'elle passait au-dessus des antennes. En étudiant davantage ce signal provenant de la constellation du Petit Renard, elle constata qu'il consistait en un pulse d'une durée de 0,04 s se répétant toutes les 1,337 302 088 331 secondes. On appela *pulsar* l'objet qui émet ainsi des pulses de radiation de façon si régulière. Ce premier pulsar découvert par Bell porte le joli nom de PSR 1919+21.

Nous pouvons écouter les pulses émis par les pulsars puisqu'on peut convertir les ondes radio reçues en son. Dans l'extrait suivant, vous pouvez entendre les pulses de radiation provenant du pulsar PSR 0329+54, dont la période est de 0,714 52 s. https://physique.merici.ca/astro/Sons/pulsar_PSR_0329_54.mp3

Cet autre pulsar, PSR 1937+21, est beaucoup plus rapide. Il est le deuxième plus rapide connu. Sa période est de seulement 0,001 557 8 s, ce qui veut dire qu'on entend 642 pulses de radiation par seconde.

https://physique.merici.ca/astro/Sons/B1937_21.mp3

Lors de la découverte du premier signal en 1967, on a exploré plusieurs hypothèses pour en expliquer l'origine. Pendant un temps, on a même envisagé que le signal pourrait provenir d'une civilisation extraterrestre, mais la découverte d'un autre signal de même nature rendait l'hypothèse invraisemblable. En effet, comment deux civilisations distinctes auraient-elles pu en arriver à émettre des signaux de même nature et ayant des fréquences similaires? L'hypothèse la plus plausible était celle associant les pulsars aux étoiles à neutrons. Cette hypothèse a été assez rapidement (1968) confirmée par la découverte d'un pulsar au centre de la nébuleuse du Crabe, qui est un vestige d'une supernova. Le pulsar se trouvait exactement à l'endroit où devait se trouver l'étoile à neutrons.

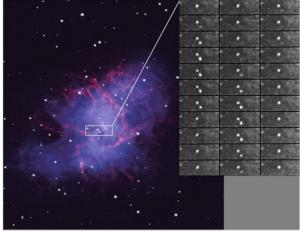
Dans cet extrait, on peut entendre les pulses de radiation provenant du pulsar au centre de la nébuleuse du Crabe, dont la période est de 33,5 ms.

https://physique.merici.ca/astro/Sons/pulsar PSR B0531 21 crab.mp3

On peut voir sur l'image de droite une suite d'images du pulsar central de la nébuleuse du Crabe. On voit bien le changement d'intensité provoqué par les pulses de radiation.

La période des pulses est si petite avec ce pulsar qu'on ne les avait pas remarqués au départ. Il a fallu prendre des images avec des temps de pose très courts pour qu'on remarque les variations d'intensité.

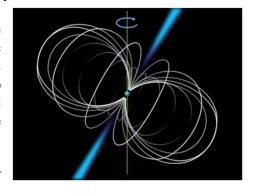
 $messier.seds.org/more/m001_pulsar.html$



Le mécanisme d'émission

C'est le directeur de thèse de Bell, Anthony Hewish, qui a trouvé l'explication de ce phénomène et qui lui a permis d'obtenir le prix Nobel de 1974 (juste à lui, pas à Jocelyn...). La clé de l'explication des pulsars réside dans la rotation rapide de l'étoile à neutrons, qui est une conséquence de la conservation du moment angulaire. Cette loi de conservation fait en sorte que la période de rotation doit diminuer si le rayon diminue, tout comme la vitesse de rotation d'une patineuse augmente quand elle rapproche ses membres de l'axe de rotation. Comme le changement de taille est très important lors de l'effondrement du cœur, la rotation devient très rapide. Ainsi, les étoiles à neutrons ont très souvent une période de rotation sur elle-même très courte, de l'ordre d'une seconde. Les périodes connues varient entre 0,0014 seconde et 9,4 secondes et la valeur moyenne est de 0,65 s.

Cette rotation rapide, associée à la présence de charges électriques (protons et électrons) en surface de l'étoile à neutrons génère des champs électriques et magnétiques très puissants. L'axe du champ magnétique n'est pas nécessairement aligné avec l'axe de rotation de l'étoile à neutrons sur elle-même comme le montre la figure de droite.



en.wikipedia.org/wiki/Pulsar

Aux pôles magnétiques nord et sud, les champs magnétique et électrique sont très intenses à la surface de l'étoile. Ces champs accélèrent alors les protons et les électrons de la surface, ce qui génère des ondes électromagnétiques. L'émission de ces ondes, d'une puissance entre 10^{27} W et 10^{29} W, se fait cependant dans la direction de l'axe du champ magnétique, représenté par les deux cônes minces en bleu sur la figure. Avec la rotation de l'étoile, les deux cônes bleus tournent aussi et changent constamment de direction.

Il est alors possible qu'un des faisceaux soit directement dirigé, momentanément, vers la Terre. À cause de la rotation de l'étoile, cet alignement sera de courte durée, mais il se fera à chaque rotation. On aura donc un flash lumineux provenant de l'étoile à chaque rotation. L'animation suivante illustre ce mécanisme.

https://www.youtube.com/watch?v=mXzwtp-KaoI

On estime qu'environ 20 % des étoiles à neutrons envoient un faisceau vers nous. Les autres étoiles à neutrons font aussi des faisceaux, mais ces derniers ne sont jamais dirigés vers la Terre quand l'étoile à neutrons tourne sur elle-même.

Dans certains cas, il est même possible de voir les deux faisceaux de lumière s'ils sont perpendiculaires à l'axe de rotation de l'étoile.

On comprend alors que certaines étoiles à neutrons tournent à un rythme phénoménal sur elles-mêmes. Le pulsar PSR 1937+21, qu'on a entendu précédemment, tourne si vite sur lui-même qu'à l'équateur sa surface se déplace une vitesse égale à 1/7 de la vitesse de la lumière.

La fin des émissions

L'énergie de cette radiation vient de l'énergie de rotation de l'étoile à neutrons. On observe donc un allongement lent et graduel de la période entre les pulses de radiation. Typiquement, cette période augmente de 10⁻⁸ seconde par année. Au bout d'une dizaine de millions à une centaine de millions d'années, la rotation devient trop lente et l'émission de radiation dans la direction des pôles magnétiques cesse.

Ainsi, ce ne sont pas toutes les étoiles à neutrons qui sont des pulsars. Beaucoup d'étoiles à neutrons tournent maintenant trop lentement pour émettre des faisceaux de radiation.

Abondance

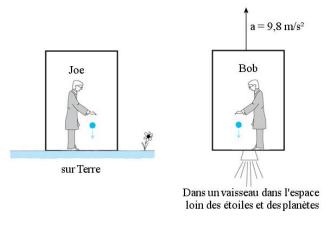
On connait actuellement 3748 pulsars (selon <u>www.atnf.csiro.au/research/pulsar/psrcat/</u>, le 12 décembre 2024). La majorité des étoiles à neutrons connues sont des pulsars.

11.3 LA RELATIVITÉ GÉNÉRALE

Quand une masse assez importante devient très concentrée, on ne peut pas utiliser la loi de la gravitation de Newton pour déterminer ce qui se passe près de la masse. Quand la gravitation devient trop grande, il faut utiliser les équations de la relativité générale.

Le principe d'équivalence

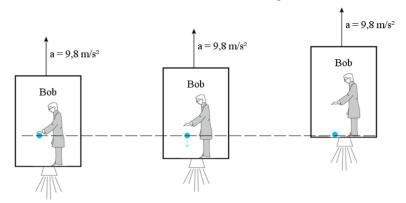
Le point de départ de la relativité générale d'Einstein est le principe d'équivalence. Pour l'illustrer, prenons les deux situations montrées sur la figure. Dans la figure de gauche, Joe est enfermé dans une boite posée à la surface de la Terre. Dans la figure de droite, Bob, le jumeau identique de Joe, est enfermé dans une boite dans l'espace loin de toutes masses importantes. Cette boite accélère dans la direction indiquée avec une accélération de 9,8 m/s².



thinkingscifi.wordpress.com/2012/07/21/intelligence-and-imagination/

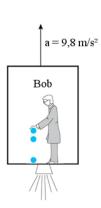
Selon le principe d'équivalence, tout ce qui se passe dans la boite est absolument identique pour Bob et Joe. Par exemple, examinons ce qui se produit si Bob et Joe lâchent une balle qu'ils tiennent dans leur main. Quand Joe lâche sa balle, la force de gravitation fait tomber la balle vers le sol avec une accélération de 9,8 m/s². Quand Bob lâche sa balle, il n'y a

plus de force sur la balle et elle cesse d'accélérer alors que la boite de Bob continue d'accélérer vers le haut. Supposons qu'au moment où Bob lâche sa balle, la vitesse de la boite est nulle. On a alors le mouvement illustré sur la figure.



Vu de l'intérieur de la boite, ça donnera l'impression que la balle s'est dirigée vers le sol avec une accélération de 9,8 m/s². En fait, le mouvement de la balle que Joe observe est identique au mouvement de la balle observé par Bob.

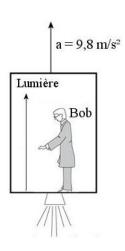
Cela est conforme au principe d'équivalence d'Einstein qui dit que ces deux situations sont impossibles à distinguer pour les observateurs dans les boites. Le repère accéléré (Bob) est tout à fait équivalant au repère au repos dans un champ gravitationnel (Joe). Cela signifie qu'il n'y a aucune expérience qui permettrait à Bob ou à Joe de savoir s'ils sont au repos dans un champ gravitationnel ou s'ils sont en train d'accélérer.



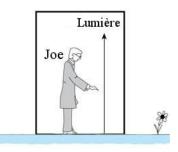
La mesure du temps

Ce principe à d'étranges conséquences, qu'on peut illustrer simplement en imaginant que Joe et Bob envoient un faisceau lumineux vers le toit de leur boite en partant du plancher de leur boite. Commençons par examiner le cas de Bob (celui qui accélère).

Disons, pour simplifier, que le vaisseau de Bob est arrêté quand la lumière part du plancher. La source émet alors une lumière ayant une certaine fréquence. Mais alors, pendant que la lumière monte, le vaisseau de Bob, qui accélère vers le haut, prend de la vitesse, de sorte que quand la lumière arrive au détecteur au plafond, la boite se déplace vers le haut. Cela signifie que la lumière est captée par un capteur se déplaçant vers le haut et il y a donc de l'effet Doppler. Quand un capteur s'éloigne ainsi de la source, la fréquence captée est plus petite que la fréquence émise. On observe donc une baisse de fréquence de la lumière entre la source et le capteur ou, ce qui est équivalent, une augmentation de la longueur d'onde.



Examinons maintenant la même expérience, mais selon Joe. Lui aussi envoie de la lumière à partir du plancher avec une source et capte la lumière avec un capteur au plafond. Selon le principe d'équivalence, Joe doit obtenir exactement le même résultat que Bob, c'est-à-dire une fréquence plus basse au plafond. Cependant, Joe ne peut invoquer l'effet Doppler pour expliquer cette différence puisque la source et le capteur sont constamment immobiles. Il ne reste qu'une seule solution pour expliquer ce changement de fréquence : la



période de l'onde change parce que le temps s'écoule plus lentement au sol qu'au plafond ! Ainsi, une oscillation de l'onde correspond à un temps plus long au plafond, ce qui veut dire que la période augmente. La seule façon d'expliquer un tel changement de période consiste à avoir un rythme d'écoulement différent entre le bas et le haut de la boite. La gravitation vient donc modifier le rythme d'écoulement du temps.

Par exemple, le temps à la surface de la Terre ne s'écoule pas au même rythme que dans l'espace, loin de la Terre. Quand il s'écoule 1 an (31 536 000 s) loin de la Terre, il s'écoule 31 535 999,978 s à la surface de la Terre, soit une différence d'à peine 0,022 seconde. Il n'y a pas une énorme différence. Il faudra un peu plus de 45 ans pour qu'une horloge dans l'espace ait une avance de 1 seconde par rapport à une horloge à la surface de la Terre.

Un observateur dans l'espace qui examine attentivement les gens à la surface de la Terre verrait que tout se passe très légèrement au ralenti. Pour les gens sur Terre, tout se passe normalement. Toutefois, en observant la personne dans l'espace, ils verraient que pour cette personne, tout se passe légèrement en accéléré.

La différence d'écoulement du temps n'est pas énorme près de la surface de la Terre parce que le champ de gravitation de la Terre n'est pas très important. Par contre, l'effet est plus important si l'objet est très massif et très compact. Quand il s'écoule 365 jours dans l'espace, il s'écoule 272 jours quand on est à 10 km d'une étoile à neutrons de $1,5 M_{\odot}$.

Voici maintenant comment on peut voyager dans le futur. Quittez la Terre et approchezvous d'un objet très massif et très compact comme une étoile à neutrons. Disons qu'on va à un endroit où le temps s'écoule 10 fois moins vite que dans l'espace. Alors, il s'écoule 10 ans dans l'espace quand il s'est écoulé 1 an près de l'étoile à neutrons. Vous restez près de l'étoile à neutrons 1 an et revenez ensuite sur Terre. Il s'est alors écoulé 10 ans sur Terre. Vous n'avez vieilli que d'un an alors que tous ceux qui sont restés sur Terre ont vieilli de 10 ans. Évidemment, tout le monde vous admire pour avoir réussi à garder une allure aussi jeune.

La mesure des distances

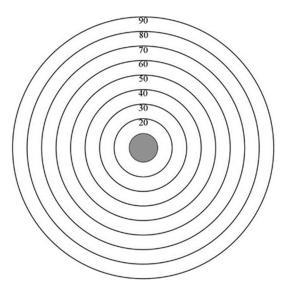
Supposons maintenant que Joe a fait construire d'énormes sphères autour d'une étoile à neutrons.

Il trouve le « rayon » r de chaque sphère ainsi: il mesure la circonférence de la sphère et divise la valeur de la circonférence par 2π . Ça semble compliquer les choses pour rien, mais on va voir qu'il y a des petites complications quand on mesure les distances dans les directions se dirigeant vers l'étoile ou s'éloignant de l'étoile.

Joe fait inscrire en gros, sur chaque sphère, la valeur de r qui correspond à la sphère. La figure de droite montre quelques-unes de ces sphères placées autour d'une étoile à neutrons

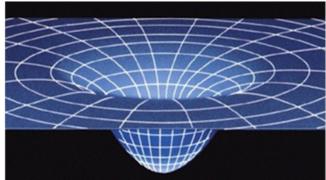
ayant un *r* de 10 km. Quelqu'un qui tomberait vers l'étoile verrait ces sphères l'une après l'autre.

Disons que Joe est sur la sphère $r=20~\rm km$ et qu'il veut installer une corde pour lui permettre de descendre à la surface de l'étoile à neutrons de 1,5 M_{\odot} qui est à $r=10~\rm km$. Joe s'achète donc une corde de 10 km de long, attache un bout à la sphère $r=20~\rm km$, laisse tomber l'autre bout vers l'étoile et commence à descendre. Quand il arrive au bout de la corde, il a toute une surprise : il est encore loin de la surface de l'étoile à neutrons. Le bout de la corde n'est pas à $r=10~\rm km$, mais à $r=11,573~\rm km$! La corde n'est pas assez longue!



C'est que les distances mesurées en s'éloignant de l'étoile ou en s'approchant de l'étoile (qui portent le nom de distances radiales) ne sont pas simplement données par Δr . Selon la relativité, la distance est toujours plus grande que Δr . On représente souvent l'allongement de distance mesurée près d'une masse par un diagramme montrant une surface courbée par la présence d'une masse. Pour un objet massif sphérique, on obtient alors une figure comme celle de droite.

En allant d'un cercle à l'autre, la distance est plus grande que la différence des rayons parce qu'on va d'un cercle à l'autre en suivant une trajectoire qui descend, ce qui allonge la distance. En choisissant bien la forme, l'augmentation de la distance correspond à ce qu'on a autour de l'étoile.



 $www.ualberta.ca/{\sim}pogosyan/teaching/ASTRO_122/lect20/lecture20.html$

Cette figure illustre seulement l'allongement des longueurs quand on mesure une distance autour de l'astre. La distance est plus grande que Δr est plus long, car on la mesure en suivant la courbure de la surface.

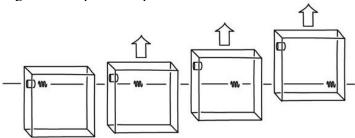
Cela ne représente pas du tout ce qu'on verrait si on observait l'astre. On ne verrait pas une espèce de creux avec l'astre au fond du trou. Si un objet tombe vers l'astre, il va tomber directement vers l'astre en ligne droite et il ne suivra pas une trajectoire qui le fait descendre dans un trou. Cette figure est uniquement une représentation mathématique montrant que la distance parcourue par l'objet tombant en ligne droite sur l'astre sera plus grande que Δr .

On représente donc cette augmentation de distance par une surface courbée. C'est pour cela qu'on dit que l'objet massif courbe l'espace autour de lui.

La trajectoire de la lumière près d'un astre

Einstein est arrivé à la conclusion que la lumière est déviée par la présence de masse importante en utilisant le principe d'équivalence. Supposons qu'une source lumineuse envoie de la lumière d'un côté à l'autre d'une boite qui accélère en partant d'une vitesse initiale nulle. Bob est dans cette boite, même si on ne l'a pas dessiné.

Le faisceau va en ligne droite pendant que la boite accélère.



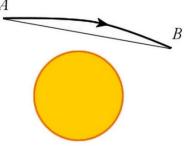
www.pitt.edu/~jdnorton/teaching/HPS_0410/chapters/general_relativity_pathway/index.html

Pour Bob, la lumière est partie du haut du mur de gauche de la boite et est venue frapper le bas du mur de droite de la boite. Elle a donc suivi la trajectoire montrée sur la figure de droite.

On remarque la déviation de la lumière vers le bas. Selon le principe d'équivalence, Joe, qui n'accélère pas et qui est dans un champ gravitationnel devrait observer la même chose, ce qui montre que le champ gravitationnel dévie la lumière.

Ainsi, en passant près d'une étoile, la lumière va suivre une trajectoire courbe, comme si l'astre attirait la lumière.

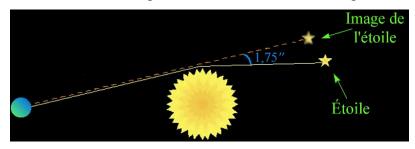
Notez que si Joe va mesurer la longueur des deux chemins entre A et B avec sa règle (la trajectoire courbe et la trajectoire en ligne droite), il va trouver que le chemin courbe est plus court que le chemin en ligne droite!



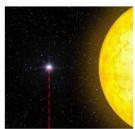
www.school-for-champions.com/science/gravitation _theories.htm#.Uzmzpqh5PAk

Pour un rayon qui vient juste frôler la surface du Soleil, L'angle de déviation est d'à peine 1,75" (0,00048°). La déviation n'est donc pas énorme. Cette déviation nous donnerait l'impression que les étoiles qu'on voit près du Soleil vues de la Terre ne seraient pas tout à fait à la bonne place. La lumière a été déviée en passant près du Soleil, ce qui donnera l'impression que la lumière arrive d'une autre direction, en pointiller sur la figure. On verra donc l'image de l'étoile dans une direction un peu différente de celle vers laquelle on

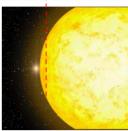
verrait l'étoile s'il n'y avait pas de déviation. Dans le cas représenté sur la figure de droite, l'étoile est visible de la Terre alors qu'en réalité elle aurait dû être cachée par le Soleil.



www.astro.cornell.edu/academics/courses/astro201/g_lens_sun.htm



Cela fait que si on observe le Soleil qui vient passer devant une étoile, on notera un changement de position apparente de l'étoile. L'étoile semblera s'éloigner un peu du Soleil quand ce dernier s'approche pour passer devant l'étoile et ce déplacement sera, au maximum, d'à peine 1,75".



Sur la deuxième figure, on peut voir l'étoile même si, en réalité, elle est derrière le Soleil. La déviation de la lumière permet à celle-ci de contourner le Soleil et d'arriver jusqu'à nous.

Reste que cette déviation est assez difficile à observer. Le Soleil est si brillant vu de la Terre que l'observation d'étoiles tout près de sa surface est difficile, à moins de cacher le Soleil. Heureusement, cela se produit quand il y a une éclipse totale de Soleil.

www.cnes.fr/web/CNES-en/5766-time-up-for-general-relativity.php

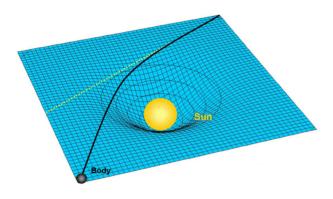
C'est de cette façon qu'Arthur Eddington a décidé de vérifier la prédiction d'Einstein en 1919. Il a installé un observatoire au sommet d'une montagne aux iles Canaries où on prévoyait une éclipse totale cette année-là. Eddington a photographié l'éclipse pour ensuite tenter de déterminer si la position des étoiles dans cette région du ciel semblait être modifiée par la présence du Soleil. Les résultats d'Eddington ont confirmé les prévisions d'Einstein. C'est la publication de ces résultats qui a rendu Einstein célèbre dans le monde entier.

La trajectoire des objets près d'un astre

La relativité permet également de trouver le mouvement des objets immobiles ou en mouvement près d'une masse importante. L'idée est un peu la même qu'avec la lumière. Il n'y a pas de force en relativité générale, c'est plutôt la déformation de l'espace-temps

qui détermine le mouvement. La trajectoire des objets semble courbée, mais c'est parce que c'est une trajectoire en ligne droite dans un espace courbé.

La trajectoire de cet objet est, à chaque endroit de l'espace, une ligne droite. Mais comme l'espace est courbé, cela donne une trajectoire courbe à l'objet.



physics.stackexchange.com/questions/47783/what-is-the-exact-gravitational-forcebetween-two-masses-including-relativistic

11.4 LES TROUS NOIRS

La masse maximale des étoiles à neutrons

Si la masse d'une étoile à neutrons dépasse une certaine masse critique, la force de la pression de dégénérescence des neutrons ne pourra pas contrebalancer la force de gravitation. C'est ce qu'on appelle la *limite de Tolman-Oppenheimer-Volkoff*. Les équations de la matière ayant une densité aussi élevée que celle présente dans une étoile à neutrons étant encore incertaines, cette limite n'est pas précisément connue. En tout cas, elle est surement supérieure à $2,2~M_{\odot}$ parce que la masse de l'étoile à neutrons la plus grande connue est de $2,35 \pm 0,17~M_{\odot}$. Selon nos connaissances actuelles, la limite devrait se situer entre $2,2~M_{\odot}$ et $2,4~M_{\odot}$.

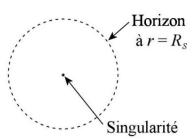
Si on ajoute de la masse à une étoile à neutron et qu'on dépasse la limite de Tolman-Oppenheimer-Volkoff, aucune force connue ne pourra contrebalancer la gravitation (il y en a peut-être une, mais on ne la connait pas...). Ainsi, il y aura effondrement gravitationnel jusqu'à ce que la matière occupe un volume nul ! Imaginez : $3 M_{\odot}$ ou plus concentrées en 1 seul point sans dimension. On obtient alors un *trou noir* et le point où s'est concentrée la masse s'appelle la *singularité*. (Le nom de « trou noir » aurait été inventé par le physicien Robert Dicke au début des années 60. Cela viendrait d'une comparaison entre le phénomène et le *trou noir de Calcutta*, une prison notoire d'où personne ne sortait vivant. Le nom a ensuite été utilisé pour la première fois par écrit dans *Life* et *Science magazine* en 1963 et son utilisation s'est généralisée quand John Archibald Wheeler l'a adopté en 1967.)

On a souvent l'image que les trous noirs sucent tout ce qu'il y a autour d'eux, comme une grosse balayeuse géante. Il est vrai que les trous noirs attirent les objets autour d'eux, mais c'est uniquement par la force de gravitation et cet effet est exactement le même que n'importe quel autre astre ayant une masse identique. Si on remplace le Soleil par un trou noir de même masse que le Soleil, le mouvement de la Terre restera exactement le même. La Terre continuerait à faire une orbite autour du trou noir avec une période d'un an.

L'horizon

Le trou noir pousse la relativité générale à son extrême limite en concentrant plusieurs masses solaires en un seul point. La relativité prévoit premièrement qu'il y a toute une zone

autour de la singularité dont la nature est bien différente de celle du reste de l'espace. Cette zone est à l'intérieur d'une sphère entourant la singularité et dont le rayon r est égal au rayon de Schwarzschild, qu'on va noter R_S . Ce rayon est de 3 km pour une singularité de 1 M_{\odot} . (En fait, on multiplie simplement la masse de la singularité en masse solaire par 3 pour obtenir le rayon de Schwarzschild en kilomètres.)



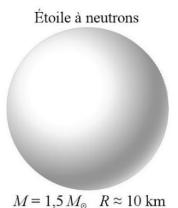
La frontière entre les deux zones s'appelle l'*horizon des évènements (event horizon* en anglais) qu'on va appeler simplement *horizon* ici. C'est la zone à intérieur de l'horizon qui porte le nom de trou noir.

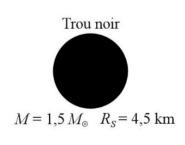
La relativité prévoit que rien ne peut sortir du trou noir. Tout ce qui se trouve dans cette zone où $r < R_S$ doit nécessairement s'approcher de la singularité. Même un faisceau de lumière dirigé vers l'extérieur ne s'éloigne pas de la singularité si $r < R_S$. Impossible de voir la singularité puisque la lumière ne peut pas la quitter. Puisque la lumière ne peut sortir du trou noir, il est complètement noir, d'où son qualificatif. On pourrait penser qu'il sera alors impossible de détecter les trous noirs puisqu'ils n'émettent pas de lumière. Une question à suivre...

Il ne faut donc pas trop s'approcher d'une singularité. Si vous vous approchez trop d'elle et que vous traversez l'horizon, vous ne pourrez plus jamais en sortir. Encore pire, vous allez inévitablement vous diriger vers la singularité pour vous joindre à elle.

L'image suivante montre que le trou noir n'est pas tellement plus petit qu'une étoile à neutrons de même masse.







Nous avons dit précédemment qu'on ne connait pas de force pouvant empêcher l'effondrement gravitationnelle d'une étoile à neutrons si la force de pression de dégénérescence des neutrons n'arrive plus à le faire. La comparaison des tailles montre que

s'il y a une autre force, il faudra qu'elle apparaisse assez vite, avant que l'étoile à neutrons ait un rayon inférieur au rayon de Schwarzschild, parce qu'une fois que la surface de l'étoile traverse l'horizon, elle doit obligatoirement se diriger vers la singularité. Plus rien ne peut arrêter la contraction de l'étoile une fois que sa taille devient inférieure au rayon de Schwarzschild.

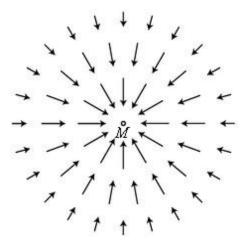
Modèle de la rivière

Pour comprendre un peu pourquoi on ne peut pas sortir de l'horizon, on peut examiner le modèle de la rivière.

Dans ce modèle, on interprète les équations comme étant des équations qui décrivent un espace en mouvement vers l'étoile ou le trou noir. C'est comme si ce mouvement de

l'espace créait un courant dirigé vers le centre de l'objet massif. Plus on est près de l'objet massif, plus le courant est rapide.

Prenons une analogie pour illustrer le tout. Vous pouvez voir l'espace comme de l'eau et les objets qui se déplacent dans l'espace comme des poissons dans l'eau. Pendant que le poisson se déplace dans l'eau, l'eau entraine le poisson dans son mouvement, comme un courant. Le déplacement du poisson sera alors la combinaison du mouvement fait par le déplacement du poisson et du mouvement fait par le courant.



La loi de la relativité qui dit qu'on ne peut pas dépasser la vitesse de la lumière correspondrait alors à la règle suivante : les poissons ne peuvent pas se déplacer dans l'eau plus rapidement qu'une certaine vitesse limite. Par contre, les lois de la relativité n'empêchent pas l'espace (et donc l'eau dans l'analogie) de se déplacer aussi vite qu'on veut.

Un objet qui part d'une grande distance avec une vitesse nulle et qui tombe vers l'objet massif va simplement suivre ce courant. La vitesse du courant est donc égale à la vitesse qu'aurait cet objet qui tombe.

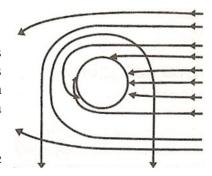
Si on tente de demeurer en place (donc de rester à la même valeur de r), on va sentir ce courant dirigé vers le centre. C'est ce courant qui nous attire vers l'objet massif. C'est ce courant d'espace-temps vers le centre de la Terre qui nous garde à la surface de la Terre.

La vitesse du courant augmente toujours à mesure qu'on s'approche de l'étoile et la vitesse devient plus grande que la vitesse de la lumière quand on arrive au rayon de Schwarzschild. Comme les objets ne peuvent pas se déplacer plus rapidement que la vitesse de la lumière dans l'espace, les objets ne peuvent pas s'éloigner de la masse centrale. C'est comme un

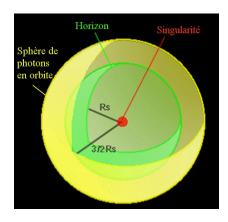
poisson qui tente de nager vers l'extérieur, mais dans un courant qui va plus vite que la vitesse maximale du poisson. Même si le poisson nage à sa vitesse maximale, il est entrainé vers le centre par le courant.

Déviation de la lumière

Le trou noir va également dévier la trajectoire des rayons lumineux. La figure de droite montre à quel point des rayons lumineux peuvent être déviés par un trou noir. On ne parle plus que de quelques fractions de degré. Il y a même des rayons qui vont disparaitre dans le trou noir.



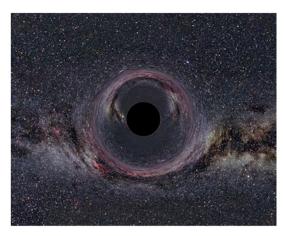
Jean-Pierre Luminet, les trous noirs, Éditions du Seuil, 2002



Près du trou noir, la lumière est tellement déviée, qu'on peut même avoir de la lumière en orbite autour de la singularité. La lumière en orbite est toujours à une distance de $r = 1,5 R_S$.

nrumiano.free.fr/Estars/int_bh.html

Si la présence du Soleil déformait à peine l'image des étoiles derrière lui, le trou noir déformation davantage l'image en arrière-plan. L'image de droite montre la déformation de l'image d'arrière-plan qu'un trou noir ferait. (Ce n'est pas une vraie photo, c'est une simulation.)



en.wikipedia.org/wiki/General_relativity

On apprécierait peut-être mieux cet effet si on voyait les déformations faites sur un paysage

plus familier. Voici les déformations d'image qu'on aurait si un petit trou noir passait devant nous à la plage. (C'est un trou noir de deux masses terrestres, ayant un rayon de Schwarzschild de 15 mm, à 1 m devant notre visage.) (En fait, ça provient d'un film sur YouTube.



https://www.youtube.com/watch?v=zPv0EBr TXo)

Joe va dans le trou noir

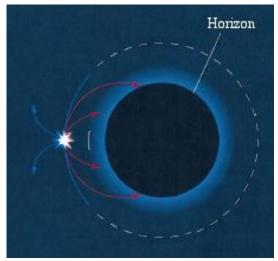
Joe va maintenant aller vers le trou noir par étapes en descendant le long d'une corde. Imaginons encore qu'on a construit des sphères autour du trou noir sur lesquelles on a indiqué en gros la valeur de r de la sphère. Disons que c'est un trou noir de $10~M_{\odot}$. Le rayon de Schwarzschild de ce trou noir est donc à $r = 30~\mathrm{km}$.

Joe va partir d'une sphère avec un r assez grand et il va aller à des sphères ayant des r des plus en plus petits en descendant le long de la corde. De temps en temps, il s'arrête à une sphère et fait fonctionner une lampe qui émet des flashs de lumière bleue à toutes les secondes (selon Joe).

Voici ce que Joe observe.

- 1) Joe trouve que la distance à parcourir sur la corde est toujours plus grande que Δr . Plus il est près du trou noir, plus la longueur de corde entre les sphères augmente. Par exemple, pour un trou noir de $10~M_{\odot}$, la longueur de corde entre $r=50~\mathrm{km}$ et $r=40~\mathrm{km}$ n'est pas de $10~\mathrm{km}$, mais de $17,23~\mathrm{km}$.
- 2) Pour Joe, le temps s'écoule normalement. Sa lampe fait toujours des flashs bleus de même puissance toutes les secondes.
- 3) Joe verra peut-être un flash de lumière à $r = 45 \text{ km} (1,5 R_S)$ s'il y a de la lumière en orbite autour du trou noir.
- 4) Le trou noir lui semble être un gros rond noir vers lequel il se dirige. Cependant, ce rond noir lui semble beaucoup plus gros qu'il est en réalité. Par exemple, le trou noir devrait avoir un diamètre angulaire de 84° quand Joe est à une distance de 1,5 R_S de la singularité alors qu'en réalité, il aura un diamètre angulaire de 180°. À cette position, les rayons lumineux partant de Joe sont déviés tels qu'illustrés sur la

figure. Tous les rayons à l'intérieur de la sphère en pointillé finiront par arriver au trou noir. En optique, la trajectoire de la lumière est la même si on inverse la direction, ce qui signifie que tous les rayons provenant de la zone à l'intérieur de la ligne pointillée proviennent du trou noir. Comme le trou noir est noir, Joe voit du noir pour tous les rayons arrivant de l'intérieur de la zone délimitée par la ligne pointillée. Ainsi, à ce moment, la moitié du champ de vision de Joe (180°) est noir.



physics.uoregon.edu/~jimbrau/astr122/notes/chapter22.html

Encore plus près que 1,5 R_S , le trou noir a une largeur angulaire supérieure à 180°.

Joe a l'impression que le trou noir l'entoure de plus en plus. Plus il s'approche de l'horizon, plus Joe est entouré de noir, de sorte que s'il regarde derrière lui, ce qu'il peut voir du reste de l'univers, incluant ce qui aurait normalement été caché par le trou noir, est concentré dans un cercle de plus en plus petit. L'image montre ce qu'il voit.



jila.colorado.edu/~ajsh/insidebh/schw.html

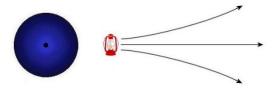
Tout près de l'horizon, Joe est presque complètement entouré de noir et le reste de l'univers lui apparait comme un petit point lumineux dans la direction opposée à la singularité.

- 5) Joe sent que la grandeur de champ gravitationnel g est de plus en plus grande. Un humain ne pourrait pas faire grand-chose si g dépasse 100 N/kg (ce qui se produit à $r \approx 3\,600\,000$ km pour un trou noir de $10\,M_\odot$). Imaginons que Joe survit quand même à ces champs très importants. (Joe sent seulement le champ s'il est arrêté ou va à vitesse constante. S'il se laisse tomber, il ne sent plus le champ.)
- 6) Joe sent un rayonnement qui provient du trou noir. Stephen Hawking a découvert qu'un trou noir n'est pas totalement noir. Un faible rayonnement d'origine quantique doit être émis par l'horizon. Ce rayonnement est si faible qu'il est difficilement mesurable loin du trou noir, mais c'est très différent à mesure qu'on s'approche du trou noir. Très près de l'horizon, ce rayonnement ferait carrément cuire Joe. Ici, on va imaginer qu'il survit quand même à ce rayonnement. Notez que Joe sent ce rayonnement uniquement s'il n'est pas en chute libre. C'est le cas ici puisque Joe descend le long d'une corde et s'arrête de temps en temps. S'il se laissait tomber, il n'y aurait plus de rayonnement.
- 7) Quand Joe traverse l'horizon, Joe est complètement entouré de noir à l'exception d'un petit point dans la direction opposée à la singularité.
- 8) À l'intérieur de l'horizon, il ne peut plus y avoir de corde parce que rien ne peut rester stationnaire à une valeur de r fixe. Tout objet à $r < R_S$ doit obligatoirement se diriger vers la singularité, incluant la corde. On ne pouvait donc pas installer une corde immobile à l'intérieur de l'horizon. Comme il n'y a plus de corde, Joe se laisse simplement tomber vers la singularité à partir de l'horizon.
- 9) Comme Joe doit absolument se diriger vers la singularité, il ne peut plus s'arrêter aux sphères (qui ne peuvent plus exister non plus). De toute façon, Bob ne peut plus voir les signaux émis par sa lampe une fois que Joe traverse l'horizon.

- 10) Joe ne peut jamais voir la singularité, car même la lumière ne peut pas s'éloigner de la singularité.
- 11) Une fois l'horizon traversé, Joe se dirige inexorablement vers la singularité pour s'y joindre en se faisant écrapoutir. Pour Joe, le temps entre la traversée de l'horizon et l'arrivée à la singularité serait, au mieux, de 155 μ s avec ce trou noir de 10 M_{\odot} .

Voici ce que son ami Bob, situé très loin du trou noir, observe.

- 1) Les flashs de la lampe de Joe deviennent de plus en plus espacés à mesure que *r* diminue parce que le temps s'écoule de plus en plus lentement pour Joe. La durée de chaque flash augmente aussi. Par exemple, quand Joe est à *r* = 60 km, le temps entre les flashs est maintenant de 1,41 seconde et les flashs dure 1,41 fois plus longtemps.
- 2) L'intensité des flashs lumineux de la lampe de Joe diminue à mesure que *r* diminue. Comme chaque flash dure plus longtemps, l'énergie émise lors de chaque flash est répartie sur un temps de plus en plus long, ce qui a pour effet de diminuer la
 - puissance de la lampe selon Bob. De plus, la déviation de la lumière par le trou noir écarte les faisceaux de lumière les uns des autres davantage qu'avec des rayons en lignes droites, ce qui diminue encore plus l'intensité de la lumière.



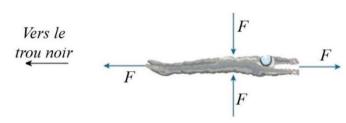
- 3) La couleur des flashs change aussi puisque la fréquence de la lumière diminue à mesure que r diminue. Les flashs vont donc passer du bleu, au vert, au jaune à l'orange, au rouge pour finalement passer à l'infrarouge. Ils deviendront alors invisibles pour Bob quand Joe sera à r < 50 km.
- 4) Pour Bob, Joe semble se déplacer de moins en moins vite sur la corde (la corde est de plus en plus longue entre les sphères et le temps s'écoule de plus en plus lentement). En fait, il verra Joe ralentir de plus en plus jusqu'à sembler geler sur place à l'horizon. En fait, Joe n'atteindra jamais l'horizon selon Bob, car il faut un temps infini selon Bob pour que Joe atteigne l'horizon. Joe s'approche donc de l'horizon de façon asymptotique selon Bob. De toute façon, Bob a beaucoup de difficulté à voir Joe quand il est près de l'horizon, car la lumière qu'il reçoit est très faible et a une très grande longueur d'onde.

Les forces de marée

En fait, Joe ne survivrait pas jusqu'à l'horizon puisqu'il serait soumis, comme n'importe quel objet près d'un astre très massif, à des forces de marées.

On se rappelle que lorsqu'un objet est près d'une planète ou d'une étoile, il y a des forces de marées qui s'exercent sur l'objet et que ces forces de marées cherchent à étirer l'objet dans la direction radiale et à le compresser dans la direction tangentielle. Comme un trou

noir fait un champ gravitationnel autour de lui comme une planète ou une étoile, il y a aussi des forces de marées sur les objets près d'un trou noir. On aurait donc des forces de marées dans les directions montrées sur cette figure près d'un trou noir.



community.emc.com/people/ble/blog/2011/11/06/holographic-principle-to-multiverse-reality

On pourrait dire que la situation devient inconfortable si la force qui tire de chaque côté de votre corps est égale à votre poids sur Terre. (C'est un peu arbitraire comme critère, mais on veut juste une approximation.) L'astronaute commence donc à se sentir mal quand il sera à r = 4300 km. Notez que si on se laissait tomber d'une distance infinie, on arriverait à cette distance seulement 0,15 s avant d'arriver à la singularité. Si on se laissait tomber avec une vitesse nulle à partir de cette distance, on arriverait à la singularité en seulement 0,24 s. On ne souffrirait donc pas très longtemps.

À environ r = 700 km, les forces de marée serait si grande que l'astronaute serait déchiré par ces forces. Joe doit donc rester bien loin de l'horizon (qui est à r = 30 km) s'il ne veut pas souffrir ou mourir déchiré par la force de marée.

Comme les forces cherchent à étirer l'astronaute, on a donné le nom de *spaghettification* à cette mort.

11.5 LES TROUS NOIRS EN ROTATION

Ce que nous avons présenté à la section précédente est la version la plus simple d'un trou noir. Il existe d'autres versions qui varient selon les caractéristiques du trou noir, bien qu'il n'y ait pas beaucoup de possibilités. C'est qu'en formant un trou noir, plusieurs des caractéristiques de l'astre qui a formé le trou noir sont effacées. On a montré que seules 3 caractéristiques de la matière restent quand il y a formation d'un trou noir : la masse, la charge électrique et la rotation. On appelle ce théorème le *no hair theorem*.

Le trou noir ayant une charge électrique (*trou noir de Reissner-Nordström* s'il ne tourne pas sur lui-même et *trou noir de Kerr-Newman* s'il tourne sur lui-même) est peut-être intéressant théoriquement, mais on voit mal comment un trou noir chargé pourrait se former naturellement.

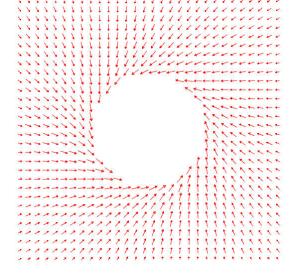
Par contre, un trou noir qui tourne sur lui-même (*trou noir de Kerr*) est d'une importance capitale. En effet, on a vu que les étoiles à neutrons ont souvent une rotation très rapide sur elle-même. En s'effondrant, ces étoiles forment nécessairement des trous noirs de Kerr.

Le modèle de la rivière

On peut avoir une bonne intuition de ce qui se passe avec un trou noir qui tourne avec le modèle de la rivière. (Le modèle de la rivière ne donne pas une représentation exacte pour un trou noir qui tourne, mais c'est suffisant pour ce qu'on veut faire ici.) On se rappelle que dans ce modèle, l'espace-temps créer comme une sorte de courant qui entraine les objets autour de lui. Dans le cas du trou noir qui ne tourne pas sur lui-même, le courant est dirigé directement vers la singularité et la vitesse du courant augmente à mesure qu'on s'approche du trou noir. À l'intérieur de l'horizon, la vitesse du courant est plus grande que

la vitesse de la lumière.

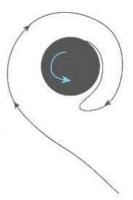
Avec un trou noir qui tourne, la vitesse du courant augmente à mesure qu'on s'approche de la singularité, mais le courant est aussi entrainé par la rotation du trou noir de sorte que le courant a maintenant une vitesse tangentielle dans la direction de la rotation du trou noir. Si on reprend l'analogie des poissons, c'est comme si l'eau tournait autour du centre entrainant avec elle les poissons qui s'y trouvent.



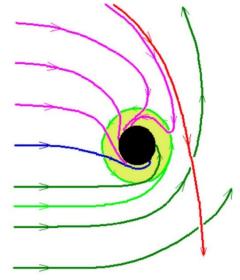


Ainsi, si Joe tombe avec une vitesse initiale très petite à partir d'une très grande distance, il va suivre ce courant et aura alors la trajectoire montrée sur la figure de gauche. Ceci est la trajectoire vue par un observateur lointain (Bob). Selon Bob, Joe n'atteint jamais l'horizon. Par contre, le temps n'est pas infini pour Joe. Par exemple, le temps mesuré par Joe pour passer de r = 9 R_S à la singularité est un peu plus petit que le temps qu'il fallait pour passer de r = 9 R_S à la singularité d'un trou noir qui ne tourne pas sur lui-même.

Sur la figure de droite, un objet s'approche du trou noir en faisant une rotation dans le sens opposé de la rotation du trou noir. Le courant amène même l'objet à changer la direction de sa rotation.



www.zamandayolculuk.com/cetinbal/clasmecrelativity.htm



L'image de gauche montre la trajectoire des rayons lumineux, aussi entrainés par le courant, près d'un trou noir en rotation. Le rayon vert pâle qui arrive dans le sens de la rotation échappe tout juste à la capture. Le rayon rouge qui arrive dans le sens contraire de la rotation échappe tout juste à la capture lui aussi.

www.engr.mun.ca/~ggeorge/astron/blackholes.html

La limite statique et les horizons

À $r = R_S$ (dans le plan équatorial), la vitesse tangentielle du courant est égale à la vitesse de la lumière. À cet endroit, un objet allant à la vitesse de la lumière dans la direction opposée à la direction du courant pourrait rester sur place. C'est la *limite statique*.

Si $r < R_S$, l'espace tourne plus vite que la lumière autour du trou noir. Cela veut dire que vous devez absolument tourner autour du trou noir dans le même sens que la rotation du trou noir à l'intérieur de la limite statique. Vous devriez aller plus vite que la lumière dans l'espace pour tourner autour du trou noir dans le sens opposé à sa rotation, ce qui est impossible. Ici, c'est comme si l'eau tournait autour du centre plus vite que la vitesse maximale des poissons. Un poisson ne peut donc pas tourner dans le sens opposé parce que le courant l'entraine à une vitesse plus grande que sa vitesse maximale. Même en nageant à sa vitesse maximale, le poisson ne peut pas annuler la vitesse du courant fait par la rotation de l'eau.

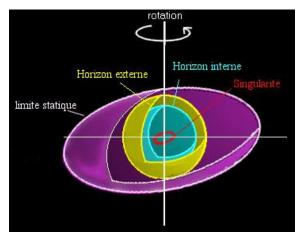
On pourrait penser que la limite statique est aussi l'horizon puisqu'elle se situe à $r = R_S$. Toutefois, la rotation du trou noir fait en sorte que la valeur de r de l'horizon diminue. Plus le trou noir tourne vite sur lui-même, plus la valeur de r est petite. Cet horizon des évènements joue exactement le même rôle que l'horizon du trou noir qui ne tourne pas : une fois que vous avez traversé cet horizon, vous devez nécessairement vous approcher de la singularité et vous ne pouvez plus sortir du trou noir. La composante de la vitesse du courant vers le centre est plus grande que la vitesse de la lumière.

Il y a cependant une différence majeure pour les trous noirs en rotation. Il y a maintenant un autre horizon, appelé l'horizon de Cauchy. (On appelle parfois l'horizon des évènements l'horizon externe et l'horizon de Cauchy l'horizon interne.) Quand vous traversez l'horizon interne, vous n'êtes plus obligé de vous approcher de la singularité. Vous pourriez donc vous déplacer librement à l'intérieur de l'horizon interne et y vivre très

longtemps (si les forces de marée ne vous ont pas déchiré) et être en orbite autour de la singularité. Toutefois, vous êtes pris à jamais à l'intérieur de l'horizon interne.

Finalement, la singularité n'est plus un point, elle est maintenant un anneau.

Plus le trou noir tourne vite, plus l'horizon externe s'approche de la singularité et plus l'horizon interne s'en éloigne. À partir d'une certaine vitesse de rotation, ces deux horizons se rejoignent et disparaissent. On obtient alors ce qu'on appelle une



www.daviddarling.info/encyclopedia/K/Kerr_black_hole.html

singularité nue, qui n'a plus d'horizon. On pourrait voir cette singularité et s'en approcher autant qu'on veut sans danger (à l'exception des forces de marée), sans rester prisonnier. Cependant, pour que cela puisse se produire, il faudrait une rotation si rapide qu'elle est théoriquement impossible.

11.6 LA FORMATION DES TROUS NOIRS STELLAIRES

La mort des étoiles de plus de 25 M_{\odot}

On a vu que la mort des étoiles de plus de $8 M_{\odot}$ mène à la formation d'une étoile à neutrons. Cependant, la situation est différente pour les étoiles de plus de $25 M_{\odot}$. Le produit final risque d'être un trou noir. (Notez qu'il y a encore beaucoup d'incertitude concernant les étapes finales de la vie de ces étoiles.)

Les simulations montrent que l'énergie cinétique de l'explosion diminue à mesure que la masse de l'étoile augmente. Cela voudrait dire que l'énergie de l'explosion est moins importante pour les étoiles massives. Ainsi, quand le cœur d'une étoile ayant une masse supérieure à $20~M_{\odot}$ s'effondre, l'explosion n'est pas assez puissante et une partie de la matière de l'étoile retombe vers le centre, ce qui fait augmenter la masse de l'étoile à neutrons. Au-delà d'environ $25~M_{\odot}$, la masse qui retombe fait en sorte que la masse du cœur dépasse la masse limite d'une étoile à neutrons et l'étoile à neutrons devient un trou noir. Les étoiles de $30~M_{\odot}$ sont celles qui forment les plus gros trous noirs (près de $9~M_{\odot}$). Ces étoiles de $30~M_{\odot}$ sont celles qui ont, juste avant l'effondrement du cœur, la masse la plus importante. Elles ont perdu $18~M_{\odot}$ pendant leur vie et il ne reste que $12~M_{\odot}$ lors de l'effondrement. Sur ces $12~M_{\odot}$, $9~M_{\odot}$ finissent dans le trou noir.

Au-delà de $30 M_{\odot}$, la masse du cadavre diminue. Ces étoiles perdent tellement de masse dans les derniers stades de leur vie qu'elles ont des masses relativement faibles quand elles arrivent à l'effondrement du cœur. Le problème, c'est qu'on ne sait pas vraiment l'importance de la perte de masse. Ainsi, une étoile de $50 M_{\odot}$ pourrait avoir une masse qui

se situe entre 4 et 8 M_{\odot} lors de l'effondrement. Si la masse est de 4 M_{\odot} , la supernova est plutôt forte et il reste une étoile à neutrons de 1,5 M_{\odot} . Si la masse est de 8 M_{\odot} , la supernova serait plutôt faible et presque toute l'étoile finirait en trou noir. Une étoile de 100 M_{\odot} en début de vie pourrait avoir une masse qui se situe entre 6 et $10 M_{\odot}$ quand le cœur de l'étoile s'effondre. Selon la masse restante, on obtient alors un trou noir dont la masse se situe entre 5 et $6 M_{\odot}$.

Il y a de la matière qui retombe vers le trou noir pour presque toutes les étoiles qui ont une masse supérieure à $20 M_{\odot}$. Si la matière qui tombe vers le centre suit une trajectoire en ligne droite vers le trou noir, il n'y a pas de rayonnement émis. Alors, on n'a rien de plus que la supernova (qui était peut-être assez faible).

Cependant, la situation est bien différente si la rotation de l'étoile sur elle-même est assez grande. Dans ce cas, la matière qui retombe va plutôt former un disque de matière en rotation qu'on appelle un *disque d'accrétion*. L'interaction entre les particules du disque d'accrétion fait lentement perdre de l'énergie à la matière en rotation de sorte que l'orbite de la matière en orbite se rapproche lentement du trou noir pour finalement tomber dans ce dernier. L'énergie perdue est transférée en chaleur dans le disque et la matière formant le

disque d'accrétion devient donc de plus en plus chaude à mesure qu'elle s'approche du centre. Si la température augmente suffisamment, le disque devient lumineux. Même en étant très lumineux, on a peu de chance de voir ce disque parce qu'il ne dure que quelques minutes et parce qu'il est probablement caché par la matière éjectée par la supernova.



en.wikipedia.org/wiki/Accretion_disk

Le disque est souvent accompagné de jets perpendiculaires au disque. Ces jets sont formés de rayons gamma et de matière éjectée à haute vitesse et on ne comprend pas encore très bien tous les mécanismes qui mènent à la formation de ces jets. En tournant autour du trou



noir, le champ magnétique du disque s'enroule et forme un genre de tube le long de l'axe de rotation. C'est le long de ce tube qu'il y a une forte émission de radiation et de particules. Ces jets se forment souvent quand il y a beaucoup de matière qui arrive en même temps dans le trou noir, ce qui est le cas ici.

www.nasa.gov/feature/goddard/2019/hubble-studies-gamma-ray-burst-with-highest-energy-ever-seen

L'énergie émise par ces jets peut atteindre 10^{47} J. C'est 10 fois plus d'énergie que pour les supernovas. Ils font partie des phénomènes les plus énergétiques connus qu'on appelle les *hypernovas*. L'énergie vient de l'énergie de rotation du trou noir, qui est énorme, et de l'énergie perdue par la matière qui tombe dans le trou noir, qui est aussi phénoménale.

Il y a donc une énergie considérable dans les jets. Comme les jets ne durent pas tellement longtemps (seulement quelques minutes), l'énergie est émise en peu de temps et la puissance est énorme. Si ce jet pointe vers la Terre, on recevra une bonne quantité de rayons gamma. On détecte alors un *sursaut de rayons gamma*. Puisque la puissance est

gigantesque et que l'énergie est concentrée en un mince faisceau, la luminosité des rayons gamma reçus est phénoménale. La luminosité du sursaut est si grande qu'on peut les voir jusqu'à des dizaines de milliards d'années-lumière (si le faisceau pointe vers nous).

Les particules émises par les jets forment une petite partie des rayons cosmiques qui frappent la Terre. Cependant, certaines de ces particules ont beaucoup plus d'énergie que les autres rayons cosmiques (qui sont émis majoritairement par les restes de supernova). Certaines ont des énergies pouvant atteindre une centaine de joules, ce qui est vraiment beaucoup pour un simple proton. (On ne peut pas avoir une énergie plus grande que cela. Au-delà de cette énergie, les collisions entre le proton et les photons présents dans l'univers mènent à la création de pions qui font perdre de l'énergie au proton.) Une bonne partie de tous les rayons cosmiques à très haute énergie qui frappent la Terre viennent d'hypernova.

Il ne faudrait pas qu'il y ait une telle hypernova trop près de la Terre. Si le faisceau de particules est dirigé vers nous, on estime que les dommages à la couche d'ozone seront trop importants si le sursaut de rayons gamma est à moins de 6500 al de la Terre. Cette distance est relativement grande, mais heureusement, les hypernovas ne sont pas très fréquentes. Certains estiment (avec beaucoup d'incertitude) qu'un sursaut à moins de 6500 al dirigé vers la Terre pourrait se produire, en moyenne, une fois par 500 millions d'années.

(Notez que les faisceaux de pulsars pourraient également mettre en danger la vie sur Terre, mais il faudrait que le pulsar soit à moins de 0,3 al de la Terre. Comme cette distance est beaucoup plus petite que la distance moyenne entre les étoiles dans notre voisinage, la probabilité que cela se produise est très faible.)

Des petits trous noirs possibles?

La pression de dégénérescence des neutrons n'étant plus capable de contrebalancer la force de gravitation pour des masses supérieures à environ 2 à 3 M_{\odot} , on devrait s'attendre à ce que la masse minimale des trous noirs soit de 2 à 3 M_{\odot} . Il n'est toutefois pas exclu qu'on puisse former des trous noirs de masse inférieure. En théorie, la Terre devient un trou noir si on la comprime jusqu'à ce que son rayon devienne inférieur à son rayon de Schwarzschild, qui est de 8,87 mm! Toutefois, comme on ne connait pas de mécanismes pouvant comprimer la Terre ou d'autres astres de moins de 2 à 3 M_{\odot} à ce point, on voit mal comment ils pourraient finir en trou noir.

Il se pourrait que des trous noirs de masses inférieures à 2 à 3 M_{\odot} se soient formés lors de la naissance de l'univers, mais cela reste purement hypothétique pour l'instant.

On entend parfois des gens dire qu'ils craignent qu'un de ces mini trous noirs se forme dans les accélérateurs de particules et engloutissent la Terre. Effectivement, certaines théories prévoient qu'on pourrait peut-être former des trous noirs microscopiques dans des collisions de particules à haute énergie. Ces trous noirs microscopiques grandiraient ensuite en accumulant de la matière jusqu'à absorber la Terre au complet. N'ayez aucune crainte. Les accélérateurs de particules actuels et tous ceux qui viendront dans le futur ne pourront

jamais amener la destruction de la Terre. La Terre est constamment bombardée de particules ayant des énergies bien supérieures à celle qu'on peut obtenir avec les accélérateurs et il ne s'est jamais formé de trous noirs lors des collisions entre ces particules et l'atmosphère. De nombreux astres sont constamment bombardés par de telles particules et on n'a jamais observé d'astres engloutis par un trou noir.

11.7 LES SYSTÈMES D'ÉTOILES DOUBLES AVEC DES CADAVRES STELLAIRES

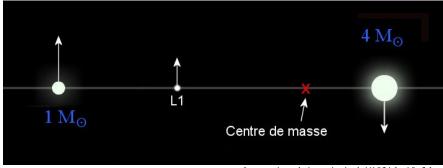
La majorité des étoiles font partie de systèmes d'étoiles multiples. La plupart du temps, chaque étoile du système fait sa vie sans trop influencer la vie de l'autre. Cependant, chaque étoile peut fortement modifier la vie de l'autre étoile si elles sont très rapprochées l'une de l'autre parce que les étoiles peuvent alors s'échanger de la masse.

Les lobes de Roche

Imaginons un système formé d'une étoile de 1 M_{\odot} et d'une autre de 4 M_{\odot} . Évidemment, l'étoile de 4 M_{\odot} arrivera à la fin de sa vie sur la séquence principale en premier et commencera sa phase de géante rouge puis de supergéante rouge. Ce gonflement de l'étoile peut amener la surface de l'étoile mourante à s'approcher un peu trop de l'autre étoile.

Entre les deux étoiles, il y a un point d'équilibre, qu'on appelle le point de Lagrange L1.

Imaginons qu'il y a un objet à cet endroit.



www.kcvs.ca/martin/astro/au/unit4/103/chp10_3.htm

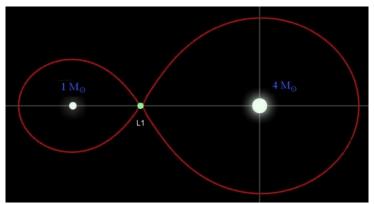
À L1, la somme des deux forces de gravitation sur l'objet est égale à la force centripète. L'objet peut alors être en orbite circulaire stable autour du centre de masse. Avec des masses de 1 M_{\odot} et 4 M_{\odot} , le point d'équilibre L1 est à 36,19 % de la distance entre les étoiles, plus près de l'étoile moins massive.

Si on place un objet à droite de L1 sur la figure, la force de gravitation vers la droite sera plus grande, alors qu'un aurait besoin de moins de force centripète vers la droite (puisque l'orbite a un rayon plus petit). Cet excès de force vers la droite, donc vers l'étoile plus massive, amène l'objet à tomber vers l'étoile de droite.

Si on place un objet à gauche de L1 sur la figure, la force de gravitation vers la gauche sera plus grande, alors qu'un aurait besoin de moins de force centripète vers la droite (puisque l'orbite a un rayon plus grand). Cet excès de force vers la gauche, donc vers l'étoile moins massive, amène l'objet à tomber vers l'étoile de gauche.

Le point de Lagrange 1 est donc le point séparant les zones où la gravité de chaque étoile domine. Il ne faut pas que la surface d'une des étoiles traverse ce point, sinon le gaz de l'étoile ira tomber sur l'autre étoile.

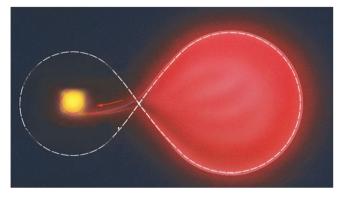
On peut même tracer la forme (figure de droite) qu'auront les étoiles si leur surface atteint L1. Ces formes sont appelées les *lobes de Roche*.



www.kcvs.ca/martin/astro/au/unit4/103/chp10_3.htm

Le transfert de masse

Dans notre exemple, l'étoile de $4 M_{\odot}$ meurt en premier. Si les étoiles sont assez près l'une de l'autre, elle va alors peut-être gonfler jusqu'à ce que la surface atteigne le lobe de Roche. Si l'étoile continue à gonfler, de la matière sera alors transférée à l'autre étoile.



physics.uoregon.edu/~jimbrau/astr122/notes/chapter20.html

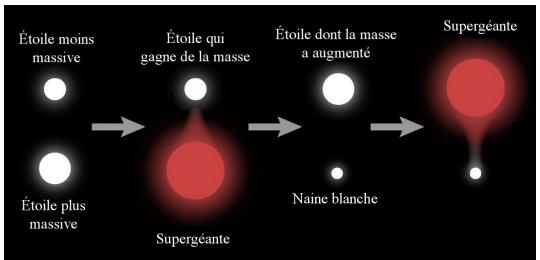
Typiquement, les taux de transfert de masse se situent entre $10^{-11}\,M_\odot$ par année et $10^{-7}\,M_\odot$ par année quand cela se produit. Ça semble peu, mais c'est 1000 à 10 millions de fois plus élevées que la perte de masse du Soleil par le vent solaire. Cela fait bien sûr augmenter la masse de l'étoile qui reçoit de la matière, ce qui peut la faire changer de type d'étoile. Par exemple, elle pourrait passer de G2 (1 M_\odot) à F5 (1,4 M_\odot).

Les étoiles Algol A et B sont actuellement dans une telle phase. Algol B transfère de la masse à l'étoile Algol A. Mais le transfert de masse entre ces étoiles très près l'une de l'autre (6,2 % de la distance Terre-Soleil) a été si important que l'étoile qui était

initialement la moins massive est devenue l'étoile la plus massive du système. Elle a maintenant une masse $3,59~M_{\odot}$ alors que l'autre étoile, qui était plus massive au départ puisqu'elle est devenue supergéante rouge en premier, n'a plus qu'une masse de $0,79~M_{\odot}$. En passant, ces étoiles s'éclipsent à tour de rôle durant leur révolution autour du centre de masse de sorte que la magnitude totale des étoiles baisse pendant 10 heures, en passant de 2,1 à 3,4, tous les 2,86736 jours.

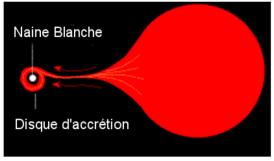
La nova

Il se pourrait que l'étoile la plus massive, qui va mourir en premier, devienne une naine blanche. Puis, la deuxième étoile arrive à la fin de sa vie et se met à gonfler à son tour jusqu'à ce que sa surface atteigne, peut-être, le lobe de Roche. Il y aura alors un transfert de masse vers la naine blanche.



courses.lumenlearning.com/suny-astronomy/chapter/the-evolution-of-binary-star-systems/

La matière tourne autour de la naine blanche avant d'arriver sur sa surface, ce qui forme un disque d'accrétion autour de la naine blanche. On a vu que la matière en rotation dans un tel disque perd de l'énergie et que cette énergie chauffe le disque. Si la température augmente suffisamment, le disque devient lumineux. Le disque d'accrétion peut même devenir plus lumineux que la naine blanche.

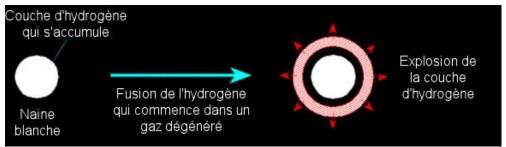


csep10.phys.utk.edu/astr162/lect/supernovae/type1.html

La matière du disque finit par se déposer sur la naine blanche. Comme ce sont les couches supérieures de l'étoile mourante qui sont transférées et que ces couches sont composées d'hydrogène, il se forme une couche d'hydrogène à la surface de la naine blanche.

Comme la gravitation à la surface de la naine blanche est très importante, l'hydrogène qui s'accumule à la surface de la naine blanche est fortement comprimé et a une densité très

élevée, au point de devenir un gaz dégénéré. Plus il s'accumule d'hydrogène, plus la température de la couche augmente, jusqu'à ce que la température soit suffisante pour que la fusion de l'hydrogène puisse se faire. Cela se produit quand il s'est accumulé $0,00001\,M_\odot$ à $0,0001\,M_\odot$ d'hydrogène à la surface de la naine blanche. Plus la naine blanche est massive, moins il faut d'hydrogène pour déclencher la fusion. Comme ce gaz est dégénéré, la chaleur générée par la fusion n'augmente pas la pression même si la température augmente. Et plus la température augmente, plus la fusion est rapide. On aura donc une fusion qui s'emballe, de sorte que l'hydrogène de la couche fusionne très rapidement dans une réaction explosive. La réaction explosive libère beaucoup d'énergie (environ $10^{38}\,\mathrm{J}$, soit environ la même énergie que celle émise par le Soleil en $1000\,\mathrm{ans}$) en très peu de temps et la luminosité de la naine blanche augmente soudainement pour atteindre $10\,000\,\mathrm{a}\,100\,000\,L_\odot$ et parfois même jusqu'à $1\,000\,000\,L_\odot$. La fusion explosive provoque alors l'expulsion d'environ $10\,\%$ de la couche d'hydrogène.

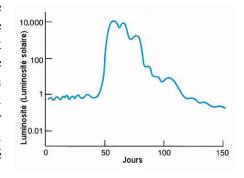


csep10.phys.utk.edu/astr162/lect/novae/novae.html

La fusion se stabilise un peu par la suite. La fusion se fait par cycle CNO dans la couche qui devient convective. La température élevée de la couche et la convection augmentent énormément l'épaisseur de la couche d'hydrogène de sorte que la naine blanche a maintenant un diamètre d'environ $4\,R_\odot$, ce qui est nettement plus que le rayon de la naine blanche avant le démarrage de la fusion qui, rappelons-le, était comparable au diamètre de la Terre. Ce gonflement fait que la naine blanche ressemble alors beaucoup à une étoile bleue sur la branche horizontale. La luminosité étant presque égale à la limite d'Eddington, il y a beaucoup de perte de masse pendant cette période. En arrivant au bout des réserves d'hydrogène au bout d'une période variant de quelques mois à un an, la fusion s'arrête. La luminosité et la taille de la naine blanche redescendent alors à ce qu'elles étaient avant l'explosion.

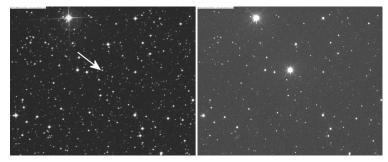
On obtient alors une *nova*, un terme signifiant *nouvelle étoile*. On lui a donné ce nom parce

que, la plupart du temps, on voit apparaitre une nouvelle étoile dans le ciel quand l'explosion se produit. En fait, il n'y a pas de nouvelle étoile. C'est simplement un système d'étoiles auparavant invisible à l'œil nu, qui devient assez lumineux pour qu'on puisse le voir lorsque l'explosion se produit, ce qui donne l'impression qu'il y a une nouvelle étoile. Il y a de 2 à 3 novas chaque année dans notre ciel. Voici un graphique typique de la variation de luminosité d'un système d'étoile quand il y a une nova.



www.pas.rochester.edu/~afrank/A105/LectureXII/LectureXII.html

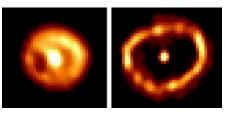
L'image de droite vous montre la nova T de la boussole (T pyxidis), avant et après l'explosion visible à partir du 15 avril 2011.



c176.photobucket.com/user/walcom77/media/T_Pyx_animation_April_15_2011.gif.html

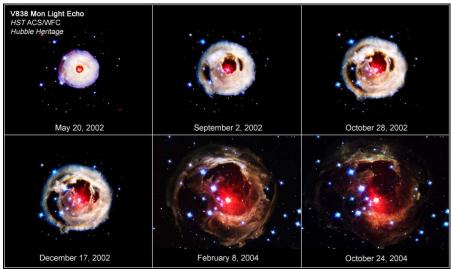
L'explosion peut se répéter plusieurs fois si la naine blanche continue de recevoir de la matière de l'autre étoile. Le temps entre les explosions dépend de la distance entre les étoiles (le taux de transfert de masse est plus important si les étoiles sont près l'une de l'autre), du rythme de perte de masse de l'étoile qui accompagne la naine blanche et de la masse de la naine blanche (la quantité d'hydrogène requise pour déclencher une explosion est plus basse si la masse de la naine blanche est plus grande). Généralement, le temps entre les explosions est de plusieurs dizaines de milliers d'années, mais il est de seulement quelques décennies dans certains cas (on parle d'une *nova récurrente*). C'est le cas de T de la boussole qui a explosé en 2011, 1966, 1944, 1920, 1902 et 1890.

L'image de droite vous montre la nova Cygni 1992. L'explosion fut visible à partir de la Terre le 19 février 1992. On peut voir les images de la nova 15 et 22 mois après l'explosion. Le rayon de la couche éjectée sur la deuxième image est d'environ 1000 UA. Cette nova est à 10 400 al de la Terre.



beta.hubblesite.org/newscenter/releases/1994-06/contents/images/a

Il est possible que les transformations de V838 de la licorne (V838 Monocerotis) montrées sur la figure suivante soient dues à une explosion d'une couche d'hydrogène sur une naine blanche, mais les variations de luminosité en fonction du temps sont un peu différentes de ce qu'on a habituellement, ce qui laisse des doutes sur l'origine de l'explosion.



hubblesite.org/contents/media/images/2005/02/1643-Image.html

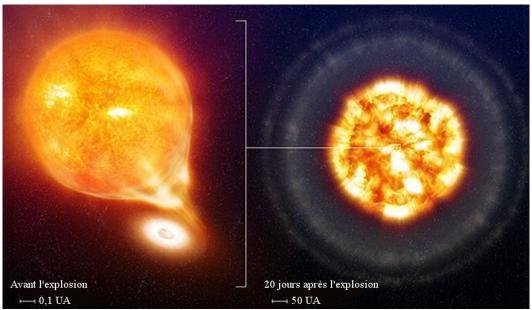
La supernova de type Ia

Le résultat peut être bien différent si la naine blanche a une masse plus élevée. Dans ce cas, la matière qui forme la naine blanche (souvent du carbone et de l'oxygène) est plus compacte (le rayon de la naine blanche diminue à mesure que la masse augmente) et plus chaude (puisqu'elle a été comprimée).

Si la naine blanche, composée de carbone et d'oxygène, accumule de la masse, alors la densité et la température vont augmenter et il se pourrait alors qu'on atteigne les conditions nécessaires pour que la fusion nucléaire du carbone et de l'oxygène se fasse.

Le démarrage de la fusion nucléaire dans la naine blanche est alors catastrophique. Cette fusion commence dans de la matière hautement dégénérée, ce qui veut dire qu'il n'y a rien pour contrôler cette fusion. La fusion se fait dans tout le volume de la naine blanche en environ 3 secondes. C'est une véritable explosion de l'étoile.

On a alors une *supernova de type Ia*. (C'est une supernova de type I, car il n'y a pas de raies spectrales de l'hydrogène dans le spectre. C'est ce qu'on a ici puisqu'il n'y a pas beaucoup d'hydrogène dans une naine blanche.) Hoyle et Fowler ont été les premiers à proposer ce modèle pour les supernovas de type Ia en 1960.



astrobob.areavoices.com/2011/01/24/new-bright-supernova-in-a-galaxy-near-the-little-dipper/

Cette explosion (qui libère environ 10^{44} J) a une luminosité de plus d'un milliard de fois celle du Soleil. Puisque cette explosion se produit presque toujours dans les mêmes conditions, on obtient presque toujours la même luminosité. On peut alors se servir de cette luminosité et de l'intensité de la lumière reçue pour déterminer la distance de la supernova. C'est une méthode souvent employée pour déterminer la distance des galaxies très lointaines.

La température monte tellement lors de l'explosion qu'on va atteindre la température de fusion du silicium qui formera une bonne quantité de nickel 56. On n'obtient pas du fer ici parce que la fusion se fait trop rapidement pour que le processus de capture électronique ait le temps de transformer des protons en neutrons dans les noyaux. Le nombre de protons et de neutrons reste donc les mêmes pendant toute la fusion et les chaines de fusion du silicium se terminent au nickel 56 dans ces conditions.

Lors de l'explosion, la naine blanche est complètement dispersée et il ne reste plus d'étoile après l'explosion. La fusion a produit une grande variété d'isotopes (dont environ $0.5 M_{\odot}$ de nickel 56) et l'explosion les a propulsés dans l'espace. Beaucoup de ces isotopes sont radioactifs ce qui fait en sorte qu'au bout d'un certain temps la luminosité de la supernova vient essentiellement de l'énergie produite par la radioactivité de ces noyaux. Les principales désintégrations sont

$$\begin{array}{c}
^{56}Ni \xrightarrow{demi-vie=6,08j} \xrightarrow{56}Co \xrightarrow{demi-vie=77,2j} \xrightarrow{56}Fe \\
^{57}Ni \xrightarrow{demi-vie=35,6h} \xrightarrow{57}Co \xrightarrow{demi-vie=271,8j} \xrightarrow{57}Fe \\
^{55}Co \xrightarrow{demi-vie=17,5h} \xrightarrow{55}Fe \xrightarrow{demi-vie=999,7j} \xrightarrow{55}Mn \\
^{44}Ti \xrightarrow{demi-vie=58,9a} \xrightarrow{44}Sc \xrightarrow{demi-vie=3,97h} \xrightarrow{44}Ca
\end{array}$$

Il faut dire qu'il y a encore beaucoup d'incertitudes concernant les supernovas de type Ia parce qu'on n'arrive pas très bien à les modéliser. Premièrement, on ne sait pas vraiment d'où vient la masse qui arrive sur la naine blanche. Si elle provient d'une étoile géante en fin de vie, alors pourquoi ne parvient-on jamais à voir cette étoile sur les images faites avant l'explosion? De plus, cette étoile devrait survivre à l'explosion de sa voisine (en perdant toutefois une partie de ses couches externes), mais on n'est jamais arrivé à identifier avec certitude une de ces étoiles dans les restes de supernova. Il devait aussi y avoir toute une série d'effets observables générés par l'interaction entre le souffle de l'explosion et l'étoile. Pourtant, on n'observe aucun de ces effets. Peut-être qu'il y a un mécanisme qui retarde l'explosion de la naine blanche de sorte qu'elle se produit après la mort de l'étoile qui donnait de la masse. Peut-être que l'étoile qui donne de la masse n'est pas une étoile en fin de vie, mais une autre naine blanche moins massive qui s'approche assez près pour donner de la masse. Deuxièmement, les simulations d'explosion ne permettent pas d'obtenir des résultats en accord avec les observations. La simulation d'une fusion explosive dans une naine blanche de carbone et d'oxygène (qui se produit quand la masse de la naine blanche est entre $1,2 M_{\odot}$ et $1,3 M_{\odot}$) produit trop de nickel et laisse une partie de la naine blanche qui ne fusionne pas. On arrive à faire mieux en ayant une détonation initiale dans une couche d'hélium (qui se produit quand la masse de la naine blanche est entre $1 M_{\odot}$ et $1,1 M_{\odot}$) qui entraine presque aussitôt la détonation du carbone et de l'oxygène. (La couche d'hélium vient de la matière transférée par l'autre étoile.) Aucun modèle publié jusqu'à ce jour n'arrive à expliquer toutes les observations. Il y a surement plusieurs scénarios possibles et on devrait en savoir plus avec les futures observations de ces supernovas.

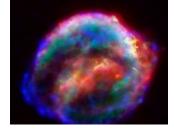
Quelques explosions de supernovas de type Ia célèbres visibles à partir de la Terre

La supernova de 1604 : SN1604, la supernova de Kepler

Cette explosion, visible à partir de la surface de la Terre en 1604, a atteint une magnitude maximale de -2,5. Elle est distante de 20 000 al. Aujourd'hui, on ne voit plus grand-chose

à l'endroit où s'est produite cette explosion, du moins en visible. C'est un peu plus évident en rayons X et en infrarouge. Le diamètre des vestiges de l'explosion est maintenant de 14 al.

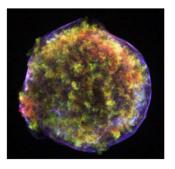
(L'image est une composition des images en visible, rayons X et infrarouge. Cela ne correspond pas du tout à ce qu'on verrait avec nos yeux si on était près de l'endroit où s'est produite l'explosion.)



www.compadre.org/informal/index.cfm?Issue=27

La supernova de 1572 : la supernova de Tycho Brahe

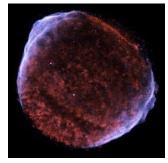
Le 11 novembre 1572 apparaissait une nouvelle étoile très brillante dans la constellation de Cassiopée. Elle a atteint une magnitude maximale de -3,5, ce qui faisait d'elle l'objet le plus brillant du ciel après le Soleil et la Lune. Les vestiges de cette explosion sont distants d'environ 9000 al, et ont un diamètre de 20 al. La vitesse de la matière éjectée est entre 21,5 et 27 millions de km/h, la plus grande vitesse mesurée pour un vestige de supernova. (L'image est encore une fois une composition d'image à plusieurs longueurs d'onde.)



en.wikipedia.org/wiki/SN_1572

La supernova de 1006 : SN1006

Cette supernova est apparue dans le ciel de la Terre le 30 avril 1006 pour atteindre une magnitude maximale de -7,5. Située à 7200 al, elle était suffisamment brillante pour faire des ombres ou pour pouvoir lire un manuscrit la nuit grâce à sa lumière. (L'image est encore une fois une composition d'image à plusieurs longueurs d'onde. En visible, elle est pratiquement invisible.)



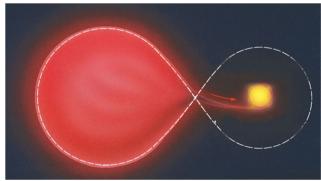
en.wikipedia.org/wiki/SN_1006

Fréquence des supernovas

On estime qu'il y a 2 à 3 supernovas par siècle dans notre galaxie. Cela inclut les supernovas causées par l'effondrement du cœur de fer et celles causées par l'explosion d'une naine blanche. Cela veut dire qu'il y aurait, en moyenne, 2 explosions de supernova à moins de 300 al de la Terre par millions d'années.

Le transfert de masse à une étoile à neutrons

On pourrait avoir un système d'étoiles multiples avec une ou plusieurs étoiles de plus de 8 M_{\odot} . Encore une fois, l'étoile la plus massive mourra en premier en transférant, si la surface atteint le lobe de Roche, une partie de sa masse à l'autre étoile.



physics.uoregon.edu/~jimbrau/astr122/notes/chapter20.html

Supposons maintenant que cette étoile qui meurt en premier est suffisamment massive pour laisser derrière elle une étoile à neutrons.

Quand la deuxième étoile meurt, il peut y avoir à nouveau un transfert de masse, mais cette fois, la matière va s'accumuler sur l'étoile à neutrons. La matière qui arrive sur l'étoile à neutrons fait diminuer la période de rotation par conservation du moment cinétique. On pense que c'est ainsi que se forment des pulsars ayant de très courtes périodes de quelques millisecondes.

De l'hydrogène s'accumule alors à la surface de l'étoile à neutrons et il arrivera un moment où il y aura une fusion explosive de cet hydrogène dégénéré. L'explosion libère beaucoup d'énergie, principalement dans le domaine des rayons X. Cette explosion porte le nom de *sursauteur X*. L'intensité du rayonnement monte en à peine une dizaine de secondes pour redescendre pendant environ une minute. L'explosion se répète typiquement quelques jours plus tard. Un sursauteur X est donc assez similaire à une nova (explosion d'hydrogène à la surface d'une naine blanche), mais le processus se répète avec une plus courte période parce que la gravitation plus intense à la surface de l'étoile à neutron comprime et chauffe davantage l'hydrogène (on atteint donc la température de fusion plus rapidement).

Une étoile à neutrons qui accompagne une supernova

Si l'étoile qui accompagne l'étoile à neutrons est une étoile de plus de $8 M_{\odot}$, elle finira sa vie en explosion de supernova. Si les compagnons sont très près l'une de l'autre, il se produit plusieurs phénomènes.

Premièrement, la supernova sera un peu particulière. En gonflant, l'étoile perd ses couches externes puisque le lobe de Roche est trop petit. Quand l'étoile explose, il n'y a plus de couches d'hydrogène et d'hélium, ce qui donne un spectre particulier à la supernova.

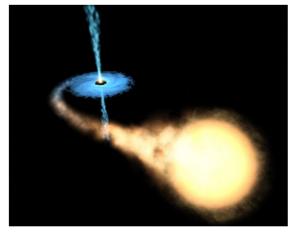
Deuxièmement, lors de l'explosion de la supernova, l'étoile à neutrons reçoit beaucoup de matière en quelques dizaines de secondes. La matière qui arrive forme alors un disque d'accrétion et des jets de matière et de rayons gamma.

Si l'étoile à neutrons a initialement une masse près de la valeur maximale pour la masse d'une étoile à neutrons, il est possible alors que l'arrivée de matière fasse en sorte que la masse de l'étoile à neutrons dépasse la valeur maximale et que l'étoile à neutrons devienne un trou noir. Dans ce cas, l'émission de rayonnement gamma le long des jets devient beaucoup plus grande. (Il y a encore des jets même si le trou noir ne fait pas de champ magnétique parce que le champ de l'étoile à neutrons reste figé dans le disque.) Le trou noir devient alors une hypernova. La situation est très similaire à celle obtenue lors de l'effondrement d'une étoile très massive en rotation, sauf que la matière provient de l'étoile voisine. Encore une fois, les jets ne durent que quelques minutes et on observe un sursaut de rayon gamma uniquement si la Terre est dans la direction d'un des jets.

Le transfert de masse à un trou noir

Dans un système d'étoiles double avec des étoiles de plus de $8 M_{\odot}$, il se pourrait que l'étoile qui meurt en premier soit suffisamment massive pour laisser derrière elle un trou noir.

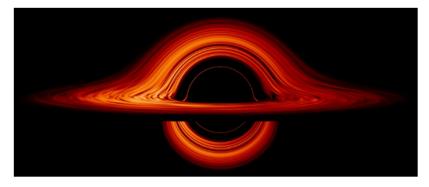
Plus tard, l'autre étoile arrive en fin de vie et il se pourrait que cette étoile commence à transférer de la matière vers le trou noir. La matière se met alors à tourner autour du trou noir en formant un disque d'accrétion chauffé par l'énergie perdue par la matière. Dans ce cas, le disque peut exister pendant très longtemps et il ne sera pas caché par de la matière éjectée.



faculty.etsu.edu/ignace/blackholes.html

Comme le disque est relativement petit, on ne pourrait pas le distinguer sur une image, mais on pourrait détecter le rayonnement émis par ce disque puisqu'il est chaud. Il est même très chaud puisque l'énergie perdue par la matière en orbite est énorme. Pour un trou noir de $5 M_{\odot}$, on arrive à une température de près de $2\,400\,000$ K. À cette température, le disque d'accrétion devient très lumineux avec un maximum d'émission dans les rayons X. On pourrait donc détecter de tel disque puisqu'il serait une source intense de rayons X avec un spectre très particulier.

Notez que si on parvenait à voir le disque directement, on ne verrait pas un simple disque d'accrétion en rotation autour du trou noir. Comme le trou noir dévie la lumière, l'image du disque est complètement déformée.

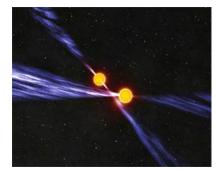


Cette image provient d'une animation dans laquelle l'angle de vue change. https://svs.gsfc.nasa.gov/13326

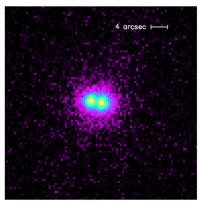
Au-dessus du trou noir, on voit le dessus du disque d'accrétion alors qu'en dessous du trou noir, on voit le dessous du disque d'accrétion. On voit également qu'un côté du disque est plus lumineux que l'autre. La lumière est amplifiée du côté où la matière se dirige vers nous.

Les systèmes doubles de cadavres

Une fois que les deux étoiles sont mortes, on obtient un système double formé de deux cadavres. Par exemple, on peut obtenir un système double d'étoiles à neutrons, qui peuvent être toutes les deux des pulsars. Voici une illustration d'un système formé de deux pulsars (à droite).



outreach.atnf.csiro.au/education/everyone/radio-astronomy/



Cette image, en rayons X, montre d'ailleurs un véritable système d'étoile à neutrons double. Ce système est dans l'amas M15.

imagine.gsfc.nasa.gov/docs/features/news/25sep01.html

On pourrait penser qu'il ne se passera plus rien avec les 2 cadavres du système double. Ils vont simplement tourner l'un autour de l'autre pour l'éternité. C'est souvent le cas, mais pas toujours. Il pourrait arriver que les deux cadavres fusionnent s'ils sont trop près l'un de l'autre. Cela se produit parce que les objets en orbite émettent des ondes gravitationnelles.

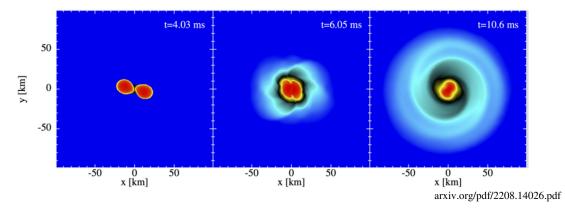
Les ondes gravitationnelles

La relativité générale prévoit que les étoiles doubles perdent de l'énergie gravitationnelle sous forme d'onde gravitationnelle en tournant l'une autour de l'autre. Cela se traduira par un rapprochement des deux étoiles et une diminution de la période de rotation du système. Dès 1975, on a effectivement montré que la période d'un système binaire formé de deux étoiles à neutrons diminuait au rythme prévu par la théorie de la relativité d'Einstein. Finalement, des ondes gravitationnelles furent directement observées en 2015.

Les fusions d'étoiles

Le temps pour arriver à la fusion est assez long, mais c'est un temps plus petit que l'âge de l'univers. Cela est un signe que de telles fusions peuvent se produire à l'occasion. Dans les derniers moments avant la fusion, la puissance émise sous forme d'ondes gravitationnelles devient très importante. C'est à ce moment que la puissance est assez grande pour qu'on puisse détecter les ondes sur Terre. On observe alors les derniers moments du système double.

La figure suivante montre une simulation des derniers moments d'un système formé de deux étoiles à neutron de 1,3 M_{\odot} .



La collision finale de deux étoiles à neutrons est celle qui libère le plus d'énergie. Le produit final de la collision est un trou noir ou une étoile à neutron et un peu de matière éjectée lors de la collision (environ $0.01~M_{\odot}$). Cette matière éjectée à environ 20~% de la vitesse de la lumière est composée d'une multitude de noyaux atomiques riches en neutrons

qui se sont formés lors de la collision. Lors de la collision, beaucoup de neutrinos et de rayons gamma sont émis (ce sont les *sursauts de rayon gamma courts*). Puis, la désintégration radioactive de ces éléments trop riches en neutrons produit de la lumière pendant un certain temps après la fusion. La luminosité en visible est environ 1000 fois celle d'une nova et c'est pour cela qu'on appelle ce phénomène une *kilonova*.



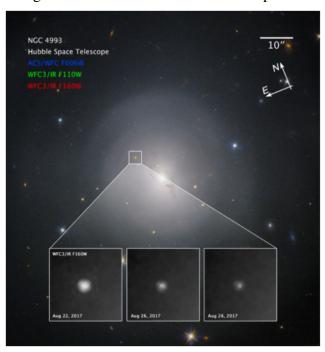
www.nao.ac.jp/en/news/science/2022/20221027-cfca.html

Le 17 aout 2017, on a même examiné une telle fusion sous plusieurs angles. À 12 h 41 min 4 s (heure de Londres), les 3 détecteurs d'ondes gravitationnelles (1 en Louisiane, 1 en Italie et un autre dans l'état de Washington) captent un signal. À 12 h 41 min 6 s, le *Gamma Ray Burst Monitor* du télescope spatial Fermi détecte un sursaut de rayons gamma. (La fusion d'étoiles à neutrons crée aussi une intense émission de rayons gamma. C'est probablement le phénomène ayant la plus grande puissance de tout l'univers.) C'était la première fois qu'on avait cette association entre une onde gravitationnelle et un sursaut de rayons gamma. En combinant les données des 3 détecteurs, on localise, vers 18 h, la source dans une région du ciel et on estime la distance à 120 millions d'années-lumière. Cette région comporte plusieurs objets, mais un étudiant au doctorat parvient à localiser, à 1 h du matin, la contrepartie visible de la source d'onde gravitationnelle et de rayons gamma dans la galaxie NGC 4993. C'était aussi la première

fois qu'on associait une image en visible et une source d'onde gravitationnelle. Tout cela est le résultat de la fusion d'une étoile à neutrons d'environ $1,45~M_{\odot}$ avec une autre d'environ $1,25~M_{\odot}$.

Les fusions d'étoiles à neutrons sont assez rares (environ 1000 fois moins fréquents que les supernovas).

Évidemment, d'autres objets peuvent fusionner, comme deux naines blanches, ou une étoile à neutrons avec un trou noir par exemple. Il y a aussi de l'énergie libérée dans ces fusions, mais pas autant que ce qu'on obtient avec deux étoiles à neutrons.



hubblesite.org/contents/media/images/2017/41/4078-Image.html?news=true

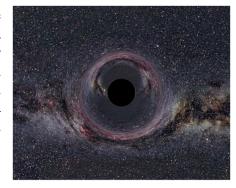
Les fusions d'étoiles à neutrons sont également une source de rayons cosmiques. Ici aussi, les particules peuvent atteindre la limite de l'énergie possible pour les rayons cosmiques. Encore une fois, il ne faudrait pas que la fusion se fasse trop près de la Terre. On estime qu'on pourrait avoir une extinction massive si la distance est inférieure à 650 al. Certains estiment (avec beaucoup d'incertitude) que cela pourrait se produire une fois par 500 millions d'années.

11.8 LA DÉTECTION DES TROUS NOIRS

L'observation directe des trous noirs est impossible puisqu'ils n'émettent pas de rayonnement, mais on arrive à en détecter par diverses techniques.

Les microlentilles gravitationnelles

On peut détecter des trous noirs par la déformation de l'image d'arrière-plan générée par la déviation de la lumière. Cet effet est appelé *microlentille gravitationnelle*. On ne voit pas le trou noir, mais on peut voir les déformations de l'image en arrière-plan que sa présence entraine. Le film suivant montre la déformation de l'image d'une galaxie lointaine qu'on aurait si un trou noir passait, pas trop loin de la Terre, entre nous et cette galaxie.



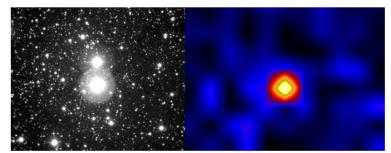
https://www.youtube.com/watch?v=2-My9CChyBw

En janvier 2022, on annonçait la première détection claire d'un trou noir par cet effet de microlentille. C'est un trou noir de 7,1 \pm 1,3 M_{\odot} situé à une distance de 5150 al.

Le rayonnement X du disque d'accrétion

La façon la plus évidente de détecter un trou noir consiste à observer le spectre très

particulier des rayons X émis par le disque d'accrétion des trous noirs dans un système double. On connait d'ailleurs quelques sources de rayons X ayant ce spectre. Cygnus X-1 en est une.



www.greatdreams.com/constellations/cygnus-x-3.htm et en.wikipedia.org/wiki/Cygnus_X-1

À gauche, vous pouvez voir Cygnus X-1 en lumière visible, alors qu'à droite on a la même région du ciel en rayons X. De toute évidence, il y a une source très intense de rayons X à cet endroit (qui correspond à l'étoile du bas sur l'image de gauche). Aujourd'hui, on est pratiquement certain que Cygnus X-1 est un trou noir de $14\,M_\odot$ à $16\,M_\odot$ qui provient de la mort d'une étoile de plus de $40\,M_\odot$ qui se serait produite il y a 5 millions d'années. L'étoile qui accompagne le trou noir (portant le joli nom de HDE 226868) et qui transfère de la masse au trou noir est une étoile de type O ayant une masse entre $20\,M_\odot$ et $40\,M_\odot$. Les deux astres, situés à 6000 al de la Terre, tournent autour du centre de masse du système avec une période de 5,6 jours. Le disque d'accrétion du trou noir s'étend jusqu'à une distance de $350\,R_s$ du trou noir, soit environ $15\,000\,\mathrm{km}$.

On devine comment va finir le système de Cygnus X-1. La deuxième étoile va mourir à son tour pour former une étoile à neutrons ou un trou noir. On pourrait alors avoir un système double de trou noir.

Pour certains systèmes, le transfert de matière est souvent interrompu et l'émission du disque est occasionnelle. Cela se produit souvent dans les systèmes où la masse du compagnon du trou noir est faible (moins de $3\,M_\odot$). Il y a du rayonnement pendant quelques jours ou quelques semaines, puis tout s'arrête pendant quelques mois ou quelques années. On découvre ainsi 1 à 2 nouvelles sources par année quand le disque d'accrétion redevient actif. Pour d'autres systèmes, le transfert ne s'arrête pas et l'émission est continuelle. Ce sont souvent des systèmes où la masse du compagnon du trou noir est importante (plus de $10\,M_\odot$).

Les ondes gravitationnelles

Depuis 2015, on peut détecter les ondes gravitationnelles. Si un système double formé d'une étoile à neutrons et d'un trou noir ou de deux trous noirs fusionnait, on pourrait le détecter. On pourrait alors connaitre les caractéristiques du trou noir formé par la fusion des 2 objets. Par exemple, on a détecté la fusion de 2 trous noirs ayant des masses autour de $30\,M_\odot$ le 14 septembre 2015.

Les trous noirs connus

Il y a une vingtaine de trous noirs provenant de la mort d'étoiles dont on a mesuré la masse et une cinquantaine d'autres candidats dont on n'a pas encore mesuré la masse (et qui pourrait donc être des étoiles à neutrons). Le plus près est à 1500 al de la Terre. https://fr.wikipedia.org/wiki/Liste de trous noirs (Dans la section trous noirs stellaires.) (Les astronomes parlent de trous noirs si on connait la masse et de candidat au statut de trou noir si on ne connait pas la masse. Pour les théoriciens, ce sont tous des candidats au statut de trou noir.)

Tous les trous noirs stellaires connus ont des masses se situant entre 3 M_{\odot} et 35 M_{\odot} .

Selon des simulations, il devrait y avoir entre 100 millions et 1 milliard de trous noirs dans notre galaxie. La masse maximale serait d'environ 50 M_{\odot} , mais il est possible que quelques-unes des premières étoiles aient pu former des trous noirs d'environ 150 M_{\odot} .